


МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ  
ФЕДЕРАЦИИ  
федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего  
образования  
"САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ  
АЭРОКОСМИЧЕСКОГО ПРИБОРОСТРОЕНИЯ"

Кафедра № 34

УТВЕРЖДАЮ  
Руководитель направления

проф. д.т.н., доц.  
\_\_\_\_\_  
(должность, уч. степень, звание)

С.В. Беззатеев  
\_\_\_\_\_  
(инициалы, фамилия)

  
\_\_\_\_\_  
(подпись)  
«27» мая 2021 г

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ

«Математические основы обработки информации»  
(Наименование дисциплины)

Код направления подготовки/ специальности	10.05.03
Наименование направления подготовки/ специальности	Информационная безопасность автоматизированных систем
Наименование направленности	Безопасность открытых информационных систем
Форма обучения	очная

Лист согласования рабочей программы дисциплины

Программу составил (а)

д.т.н., доц.  
\_\_\_\_\_  
(должность, уч. степень, звание)

 24.05.21  
(подпись, дата)

С.В. Беззатеев  
\_\_\_\_\_  
(инициалы, фамилия)

Программа одобрена на заседании кафедры № 34

«27» мая 2021 г, протокол № 10

Заведующий кафедрой № 34

д.т.н., доц.  
\_\_\_\_\_  
(уч. степень, звание)

 24.05.21  
(подпись, дата)

С.В. Беззатеев  
\_\_\_\_\_  
(инициалы, фамилия)

Ответственный за ОП ВО 10.05.03(05)

доц. к.т.н., доц.  
\_\_\_\_\_  
(должность, уч. степень, звание)

 24.05.21  
(подпись, дата)

В.А. Мыльников  
\_\_\_\_\_  
(инициалы, фамилия)

Заместитель директора института №3 по методической работе

доц. к.э.н., доц.  
\_\_\_\_\_  
(должность, уч. степень, звание)

 24.05.21  
(подпись, дата)

Г.С. Армашова-Тельник  
\_\_\_\_\_  
(инициалы, фамилия)

## Аннотация

Дисциплина «Математические основы обработки информации» входит в образовательную программу высшего образования – программу специалитета по направлению подготовки/ специальности 10.05.03 «Информационная безопасность автоматизированных систем» направленности «Безопасность открытых информационных систем». Дисциплина реализуется кафедрой «№34».

Дисциплина нацелена на формирование у выпускника следующих компетенций:

ПК-9 «Способен осуществлять работы по оценке работоспособности и эффективности применяемых программно-аппаратных средств защиты информации»

ПК-12 «Способен проводить исследования в области оценки эффективности технологий автоматизации открытых информационных систем»

Содержание дисциплины охватывает круг вопросов, связанных с методами классической и современной алгебры и теории чисел, применяемых в криптографии, алгебраическими методами решения ряда основных задач, возникающих при синтезе криптографических алгоритмов.

Преподавание дисциплины предусматривает следующие формы организации учебного процесса: лекции, практические занятия, самостоятельная работа студентов.

Программой дисциплины предусмотрены следующие виды контроля: текущий контроль успеваемости, промежуточная аттестация в форме зачета.

Общая трудоемкость освоения дисциплины составляет 3 зачетных единицы, 108 часов.

Язык обучения по дисциплине «русский»

## 1. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине

### 1.1. Цели преподавания дисциплины

Целью преподавания дисциплины является: обеспечение фундаментальной математической подготовки в одной из наиболее важных областей современной прикладной математики – криптографии; ознакомление с рядом методов классической и современной алгебры и теории чисел, применяемых в криптографии, обучение алгебраическим методам решения ряда основных задач, возникающих при синтезе криптографических алгоритмов.

В процессе обучения студент должен получить фундаментальные теоретические знания и приобрести практические навыки в области построения и анализа вычислительно трудных теоретико-числовых функций, а также применения этих функций в задачах защиты информации.

1.2. Дисциплина входит в состав части, формируемой участниками образовательных отношений, образовательной программы высшего образования (далее – ОП ВО).

1.3. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с планируемыми результатами освоения ОП ВО.

В результате изучения дисциплины обучающийся должен обладать следующими компетенциями или их частями. Компетенции и индикаторы их достижения приведены в таблице 1.

Таблица 1 – Перечень компетенций и индикаторов их достижения

Категория (группа) компетенции	Код и наименование компетенции	Код и наименование индикатора достижения компетенции
Профессиональные компетенции	ПК-9 Способен осуществлять работы по оценке работоспособности и эффективности применяемых программно-аппаратных средств защиты информации	ПК-9.3.1 знать методы и средства получения, обработки и передачи информации в операционных системах, системах управления базами данных и компьютерных сетях ПК-9.3.4 знать криптографические алгоритмы и особенности их программной реализации
Профессиональные компетенции	ПК-12 Способен проводить исследования в области оценки эффективности технологий автоматизации открытых информационных систем	ПК-12.3.2 знать методы построения и исследования математических моделей в области автоматизации информационно-аналитической деятельности ПК-12.У.1 уметь решать задачи исследования информационно-аналитических систем методами моделирования

## 2. Место дисциплины в структуре ОП

Дисциплина базируется на знаниях, ранее приобретенных обучающимися при изучении следующих дисциплин:

- Алгебра и геометрия
- Математическая логика и теория алгоритмов
- Информатика
- Математический анализ

- Алгебра и геометрия
- Дискретная математика
- Теория вероятностей и математическая статистика
- Вычислительная математика

Знания, полученные при изучении материала данной дисциплины, имеют как самостоятельное значение, так и используются при изучении других дисциплин:

- Теория кодирования
- Исследование операций и теории игр
- Моделирование систем
- Теория графов и ее приложения

### 3. Объем и трудоемкость дисциплины

Данные об общем объеме дисциплины, трудоемкости отдельных видов учебной работы по дисциплине (и распределение этой трудоемкости по семестрам) представлены в таблице 2.

Таблица 2 – Объем и трудоемкость дисциплины

Вид учебной работы	Всего	Трудоемкость по семестрам
		№5
1	2	3
<b>Общая трудоемкость дисциплины, ЗЕ/ (час)</b>	3/ 108	3/ 108
<b>Из них часов практической подготовки</b>	17	17
<b>Аудиторные занятия, всего час.</b>	51	51
в том числе:		
лекции (Л), (час)	34	34
практические/семинарские занятия (ПЗ), (час)	17	17
лабораторные работы (ЛР), (час)		
курсовой проект (работа) (КП, КР), (час)		
экзамен, (час)		
<b>Самостоятельная работа, всего (час)</b>	57	57
<b>Вид промежуточной аттестации:</b> зачет, дифф. зачет, экзамен (Зачет, Дифф. зач, Экз.**)	Зачет	Зачет

Примечание: \*\* кандидатский экзамен

### 4. Содержание дисциплины

4.1. Распределение трудоемкости дисциплины по разделам и видам занятий.

Разделы, темы дисциплины и их трудоемкость приведены в таблице 3.

Таблица 3 – Разделы, темы дисциплины, их трудоемкость

Разделы, темы дисциплины	Лекции (час)	ПЗ (СЗ) (час)	ЛР (час)	КП (час)	СРС (час)
Семестр 5					
Раздел 1. Элементы теории чисел Тема 1.1. Простые числа и "основная" теорема арифметики. Тема 1.2. Полная и приведенная системы вычетов.	10	5			10

Тема 1.3. Теорема Эйлера и теорема Ферма. Тема 1.4. Алгоритм Евклида. Тема 1.5. Бинарный алгоритм возведения в степень. Тема 1.6. Китайская теорема об остатках. Тема 1.7. Квадратичные вычеты					
Раздел 2. Тесты простоты Тема 2.1. Детерминистические тесты на простоту. Метод пробных делений. Критерий Вильсона. Тест Лукаса. Алгоритм Конягина-Померанса. Тема 2.2. Вероятностные тесты на простоту. Тест Соловья-Штрассена. Тест Рабина-Миллера. Тема 2.3. Построение больших простых чисел	6	6			10
Раздел 3. Задача факторизации составного числа. Тема 3.1. (P-1)-метод Полларда. Ро-метод Полларда. Тема 3.2. Факторизация целых чисел с субэкспоненциальной сложностью. Тема 3.3. Факторизация чисел с помощью квадратичного решета	6	6			10
Раздел 4. Решение квадратных уравнений в вычетной арифметике и дискретное логарифмирование. Тема 4.1. Извлечение корня по простому основанию. Тема 4.2. Извлечение корня по составному основанию. Тема 4.3. Алгоритм сопоставления для извлечения дискретного логарифма. Тема 4.3. Ро-метод Полларда для извлечения дискретного логарифма.	12	0			27
Итого в семестре:	34	17			57
Итого	34	17	0	0	57

Практическая подготовка заключается в непосредственном выполнении обучающимися определенных трудовых функций, связанных с будущей профессиональной деятельностью.

4.2. Содержание разделов и тем лекционных занятий.

Содержание разделов и тем лекционных занятий приведено в таблице 4.

Таблица 4 – Содержание разделов и тем лекционного цикла

Номер раздела	Название и содержание разделов и тем лекционных занятий
1	Раздел 1. Элементы теории чисел Тема 1.1. Простые числа и "основная" теорема арифметики. Тема 1.2. Полная и приведенная системы вычетов. Тема 1.3. Теорема Эйлера и теорема Ферма. Тема 1.4. Алгоритм Евклида.

	Тема 1.5. Бинарный алгоритм возведения в степень. Тема 1.6. Китайская теорема об остатках. Тема 1.7. Квадратичные вычеты
2	Раздел 2. Тесты простоты Тема 2.1. Детерминистические тесты на простоту. Метод пробных делений. Критерий Вильсона. Тест Лукаса. Алгоритм Конягина-Померанса. Тема 2.2. Вероятностные тесты на простоту. Тест Соловья-Штрассена. Тест Рабина-Миллера. Тема 2.3. Построение больших простых чисел
3	Раздел 3. Задача факторизации составного числа. Тема 3.1. (P-1)-метод Полларда. Ро-метод Полларда. Тема 3.2. Факторизация целых чисел с субэкспоненциальной сложностью. Тема 3.3. Факторизация чисел с помощью квадратичного решета
4	Раздел 4. Решение квадратных уравнений в вычетной арифметике и дискретное логарифмирование.  Тема 4.1. Извлечение корня по простому основанию. Тема 4.2. Извлечение корня по составному основанию. Тема 4.3. Алгоритм сопоставления для извлечения дискретного логарифма. Тема 4.3. Ро-метод Полларда для извлечения дискретного логарифма.

#### 4.3. Практические (семинарские) занятия

Темы практических занятий и их трудоемкость приведены в таблице 5.

Таблица 5 – Практические занятия и их трудоемкость

№ п/п	Темы практических занятий	Формы практических занятий	Трудоемкость, (час)	Из них практической подготовки, (час)	№ раздела дисциплины
Семестр 5					
1	Элементы теории чисел	Решение задач	3	3	1
2	Тесты простоты	Решение задач	3	3	2
3	Задача факторизации составного числа	Решение задач	3	3	3
4	Решение квадратных уравнений в модульной арифметике.	Решение задач	4	4	4
5	Задача поиска дискретного логарифма.	Решение задач	3	3	4
Всего			17	17	

#### 4.4. Лабораторные занятия

Темы лабораторных занятий и их трудоемкость приведены в таблице 6.

Таблица 6 – Лабораторные занятия и их трудоемкость

№ п/п	Наименование лабораторных работ	Трудоемкость, (час)	Из них практической подготовки, (час)	№ раздела дисциплины
Учебным планом не предусмотрено				
Всего				

#### 4.5. Курсовое проектирование/ выполнение курсовой работы

Учебным планом не предусмотрено

#### 4.6. Самостоятельная работа обучающихся

Виды самостоятельной работы и ее трудоемкость приведены в таблице 7.

Таблица 7 – Виды самостоятельной работы и ее трудоемкость

Вид самостоятельной работы	Всего, час	Семестр 5, час
1	2	3
Изучение теоретического материала дисциплины (ТО)	30	30
Курсовое проектирование (КП, КР)		
Расчетно-графические задания (РГЗ)		
Выполнение реферата (Р)		
Подготовка к текущему контролю успеваемости (ТКУ)	7	7
Домашнее задание (ДЗ)		
Контрольные работы заочников (КРЗ)		
Подготовка к промежуточной аттестации (ПА)	10	10
Всего:	57	57

#### 5. Перечень учебно-методического обеспечения

для самостоятельной работы обучающихся по дисциплине (модулю)

Учебно-методические материалы для самостоятельной работы обучающихся указаны в п.п. 7-11.

#### 6. Перечень печатных и электронных учебных изданий

Перечень печатных и электронных учебных изданий приведен в таблице 8.

Таблица 8– Перечень печатных и электронных учебных изданий

Шифр/ URL адрес	Библиографическая ссылка	Количество экземпляров в библиотеке (кроме электронных экземпляров)
--------------------	--------------------------	---

	Коробейников, А.Г. Математические основы криптологии. [Электронный ресурс] / А.Г. Коробейников, Ю.А. Гатчин. — Электрон. дан. — СПб. : НИУ ИТМО, 2004. — 106 с. — Режим доступа: <a href="http://e.lanbook.com/book/43393">http://e.lanbook.com/book/43393</a> — Загл. с экрана.	
[519.6/.8 Л 17]	Лазарева С.В., Овчинников А.А. Лекции по математическим основам криптологии. ГУАП, 2006	79
512 К72	А.И. Кострикин. Введение в алгебру. М., Наука ФМ, 1977	12
51 В49	И.М. Виноградов. Основы теории чисел. М., Наука ФМ., 1980	5
519.6/.8 А 40	А. Акритас. Основы компьютерной алгебры с приложениями. М., Мир, 1994	1
519.6/.8 К53	Д. Кнут. Искусство программирования для ЭВМ. Т.2: Получисленные алгоритмы. М., Вильямс, 2005	22
004 К84	Крук Е.А., Линский Е.М. Криптография с открытым ключом. Кодовые системы. ГУАП, 2004.	20
519.6/.8 Ф 76	Дискретная математика и криптология [Текст] : курс лекций / В. М. Фомичев ; ред. Н. Д. Подуфалов. - М. : Диалог-МИФИ, 2010. - 400 с.	1

#### 7. Перечень электронных образовательных ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет»

Перечень электронных образовательных ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимых для освоения дисциплины приведен в таблице 9.

Таблица 9 – Перечень электронных образовательных ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет»

URL адрес	Наименование
<a href="http://e.lanbook.com/view/book/46/">http://e.lanbook.com/view/book/46/</a>	Виноградов И.М. Основы теории чисел. Лань, 2009.
<a href="http://e.lanbook.com/view/book/1540/">http://e.lanbook.com/view/book/1540/</a>	Глухов М. М., Круглов И. А., Пичкур А. Б., Черемушкин А. В. Введение в теоретико-числовые методы криптографии. Лань, 2011.
<a href="http://e.lanbook.com/view/book/3506/">http://e.lanbook.com/view/book/3506/</a>	Федунец Н.И., Куприянов В.В. Теория принятия решений. Горная книга, 2004.

#### 8. Перечень информационных технологий

8.1. Перечень программного обеспечения, используемого при осуществлении образовательного процесса по дисциплине.

Перечень используемого программного обеспечения представлен в таблице 10.

Таблица 10– Перечень программного обеспечения

№ п/п	Наименование
	Не предусмотрено

8.2. Перечень информационно-справочных систем, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине

Перечень используемых информационно-справочных систем представлен в таблице 11.

Таблица 11– Перечень информационно-справочных систем

№ п/п	Наименование
-------	--------------



Не предусмотрено
------------------

### 9. Материально-техническая база

Состав материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине, представлен в таблице 12.

Таблица 12 – Состав материально-технической базы

№ п/п	Наименование составной части материально-технической базы	Номер аудитории (при необходимости)
1	Лекционная аудитория	
2	Класс для практических занятий	

### 10. Оценочные средства для проведения промежуточной аттестации

10.1. Состав оценочных средств для проведения промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине приведен в таблице 13.

Таблица 13 – Состав оценочных средств для проведения промежуточной аттестации

Вид промежуточной аттестации	Перечень оценочных средств
Зачет	Список вопросов; Тесты; Задачи.

10.2. В качестве критериев оценки уровня сформированности (освоения) компетенций обучающимися применяется 5-балльная шкала оценки сформированности компетенций, которая приведена в таблице 14. В течение семестра может использоваться 100-балльная шкала модульно-рейтинговой системы Университета, правила использования которой, установлены соответствующим локальным нормативным актом ГУАП.

Таблица 14 – Критерии оценки уровня сформированности компетенций

Оценка компетенции 5-балльная шкала	Характеристика сформированных компетенций
«отлично» «зачтено»	– обучающийся глубоко и всесторонне усвоил программный материал; – уверенно, логично, последовательно и грамотно его излагает; – опираясь на знания основной и дополнительной литературы, тесно привязывает усвоенные научные положения с практической деятельностью направления; – умело обосновывает и аргументирует выдвигаемые им идеи; – делает выводы и обобщения; – свободно владеет системой специализированных понятий.
«хорошо» «зачтено»	– обучающийся твердо усвоил программный материал, грамотно и по существу излагает его, опираясь на знания основной литературы; – не допускает существенных неточностей; – увязывает усвоенные знания с практической деятельностью направления; – аргументирует научные положения; – делает выводы и обобщения; – владеет системой специализированных понятий.

Оценка компетенции	Характеристика сформированных компетенций
5-балльная шкала	
«удовлетворительно» «зачтено»	<ul style="list-style-type: none"> <li>– обучающийся усвоил только основной программный материал, по существу излагает его, опираясь на знания только основной литературы;</li> <li>– допускает несущественные ошибки и неточности;</li> <li>– испытывает затруднения в практическом применении знаний направления;</li> <li>– слабо аргументирует научные положения;</li> <li>– затрудняется в формулировании выводов и обобщений;</li> <li>– частично владеет системой специализированных понятий.</li> </ul>
«неудовлетворительно» «не зачтено»	<ul style="list-style-type: none"> <li>– обучающийся не усвоил значительной части программного материала;</li> <li>– допускает существенные ошибки и неточности при рассмотрении проблем в конкретном направлении;</li> <li>– испытывает трудности в практическом применении знаний;</li> <li>– не может аргументировать научные положения;</li> <li>– не формулирует выводов и обобщений.</li> </ul>

### 10.3. Типовые контрольные задания или иные материалы.

Вопросы (задачи) для экзамена представлены в таблице 15.

Таблица 15 – Вопросы (задачи) для экзамена

№ п/п	Перечень вопросов (задач) для экзамена	Код индикатора
	Учебным планом не предусмотрено	

Вопросы (задачи) для зачета / дифф. зачета представлены в таблице 16.

Таблица 16 – Вопросы (задачи) для зачета / дифф. зачета

№ п/п	Перечень вопросов (задач) для зачета / дифф. зачета	Код индикатора
1	Простые числа и "основная" теорема арифметики. Полная и приведенная системы вычетов. Теорема Эйлера и теорема Ферма. Алгоритм Евклида. Бинарный алгоритм возведения в степень. Китайская теорема об остатках. Квадратичные вычеты Метод пробных делений. Критерий Вильсона.	ПК-9.3.1
2	Тест Лукаса. Алгоритм Конягина-Померанса. Детерминистические и вероятностные тесты на простоту. Тест Соловья-Штрассена. Тест Рабина-Миллера. Построение больших простых чисел Задача факторизации составного числа. (P-1)-метод Полларда. Ро-метод Полларда. Факторизация чисел с помощью квадратичного решета.	ПК-9.3.4
3	Извлечения корня по модулю простого числа. Извлечение корня по составному основанию.	ПК-12.3.2
4	Определение дискретного логарифма. Алгоритм сопоставления.	ПК-12.У.1

	Ро-алгоритм Полларда для поиска дискретного логарифма.	
--	--	--

Перечень тем для курсового проектирования/выполнения курсовой работы представлены в таблице 17.

Таблица 17 – Перечень тем для курсового проектирования/выполнения курсовой работы

№ п/п	Примерный перечень тем для курсового проектирования/выполнения курсовой работы
	Учебным планом не предусмотрено

Вопросы для проведения промежуточной аттестации в виде тестирования представлены в таблице 18.

Таблица 18 – Примерный перечень вопросов для тестов

№ п/п	Примерный перечень вопросов для тестов	Код индикатора
	<p>Примеры заданий по теме: Элементы теории чисел</p> <p>Задание 1. Вычислить:  <math>(5 \cdot 7 - 83) \bmod 27</math>  <math>(5 : 29 + 7) \bmod 25</math>  <math>(8 : 6 - 9) \bmod 33</math></p> <p>Задание 2. Нахождение мультипликативных обратных с помощью расширенного алгоритма Евклида. Пример задания: Вычислить: <math>11^{-1} \bmod 47</math></p> <p>Задание 3. Бинарный алгоритм возведения в степень. Пример задания: Вычислить: <math>26^{67} \bmod 97</math>.</p> <p>Задание 4. Китайская теорема об остатках. Пример задания:  <math>X \bmod 5 = 2</math>  <math>X \bmod 7 = 6</math>  <math>X \bmod 12 = 8</math>  Найти X.</p> <p>Задание 5. Квадратичные вычеты. Примеры заданий:  1. Вычислить символ Лежандра для 3 по модулю 17.  2. Вычислить символ Якоби для числа 8 по модулю 15.  3. Выяснить является ли число 6 квадратичным вычетом по модулю 11.</p> <p>Примеры заданий по теме: Тесты простоты: Проверить на простоту число 71  a) методом пробного деления  b) тестом Миллера-Рабина  c) По теореме Ферма  d) методом Соловья-Штрассена</p> <p>Примеры заданий по теме: Факторизация чисел: Разложить на множители число 63  a) методом деления</p>	

	b) (p-1)-методом Полларда	
	c) P <sub>0</sub> -методом Полларда	
	d) методом Ферма	

Перечень тем контрольных работ по дисциплине обучающихся заочной формы обучения, представлены в таблице 19.

Таблица 19 – Перечень контрольных работ

№ п/п	Перечень контрольных работ
	Не предусмотрено

10.4. Методические материалы, определяющие процедуры оценивания индикаторов, характеризующих этапы формирования компетенций, содержатся в локальных нормативных актах ГУАП, регламентирующих порядок и процедуру проведения текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации обучающихся ГУАП.

#### 11. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины

Целью дисциплины является – получение студентами необходимых знаний, умений и навыков в области алгебраических методов криптографии, создание поддерживающей образовательной среды преподавания криптографических методов и средств защиты информации, предоставление возможности студентам развить и продемонстрировать навыки в области дискретной математики, компьютерной алгебры и алгебраической алгоритмики.

#### **Методические указания для обучающихся по освоению лекционного материала**

Основное назначение лекционного материала – логически стройное, системное, глубокое и ясное изложение учебного материала. Назначение современной лекции в рамках дисциплины не в том, чтобы получить всю информацию по теме, а в освоении фундаментальных проблем дисциплины, методов научного познания, новейших достижений научной мысли. В учебном процессе лекция выполняет методологическую, организационную и информационную функции. Лекция раскрывает понятийный аппарат конкретной области знания, её проблемы, дает цельное представление о дисциплине, показывает взаимосвязь с другими дисциплинами.

#### Планируемые результаты при освоении обучающимся лекционного материала:

- получение современных, целостных, взаимосвязанных знаний, уровень которых определяется целевой установкой к каждой конкретной теме;
- получение опыта творческой работы совместно с преподавателем;
- развитие профессионально-деловых качеств, любви к предмету и самостоятельного творческого мышления.
- появление необходимого интереса, необходимого для самостоятельной работы;
- получение знаний о современном уровне развития науки и техники и о прогнозе их развития на ближайшие годы;
- научиться методически обрабатывать материал (выделять главные мысли и положения, приходить к конкретным выводам, повторять их в различных формулировках);
- получение точного понимания всех необходимых терминов и понятий.

Лекционный материал может сопровождаться демонстрацией слайдов и использованием раздаточного материала при проведении коротких дискуссий об особенностях применения отдельных тематик по дисциплине.

#### Структура предоставления лекционного материала:

Раздел 1. Элементы теории чисел

- Тема 1.1. Простые числа и "основная" теорема арифметики.
- Тема 1.2. Полная и приведенная системы вычетов.
- Тема 1.3. Теорема Эйлера и теорема Ферма.
- Тема 1.4. Алгоритм Евклида.
- Тема 1.5. Бинарный алгоритм возведения в степень.
- Тема 1.6. Китайская теорема об остатках.
- Тема 1.7. Квадратичные вычеты
- Раздел 2. Тесты простоты
- Тема 2.1. Детерминистические тесты на простоту. Метод пробных делений. Критерий Вильсона. Тест Лукаса. Алгоритм Конягина-Померанса.
- Тема 2.2. Вероятностные тесты на простоту. Тест Соловея-Штрассена. Тест Рабина-Миллера.
- Тема 2.3. Построение больших простых чисел
- Раздел 3. Задача факторизации составного числа.
- Тема 3.1. (P-1)-метод Полларда. Ро-метод Полларда.
- Тема 3.2. Факторизация целых чисел с субэкспоненциальной сложностью.
- Тема 3.3. Факторизация чисел с помощью квадратичного решета
- Раздел 4. Решение квадратных уравнений в вычетной арифметике и дискретное логарифмирование.
- Тема 4.1. Извлечение корня по простому основанию.
- Тема 4.2. Извлечение корня по составному основанию.
- Тема 4.3. Алгоритм сопоставления для извлечения дискретного логарифма.
- Тема 4.3. Ро-метод Полларда для извлечения дискретного логарифма..

### **Методические указания для обучающихся по прохождению практических занятий**

Практическое занятие является одной из основных форм организации учебного процесса, заключающейся в выполнении обучающимися под руководством преподавателя комплекса учебных заданий с целью усвоения научно-теоретических основ учебной дисциплины, приобретения умений и навыков, опыта творческой деятельности.

Целью практического занятия для обучающегося является привитие обучающемуся умений и навыков практической деятельности по изучаемой дисциплине.

Планируемые результаты при освоении обучающимся практических занятий:

- закрепление, углубление, расширение и детализация знаний при решении конкретных задач;
- развитие познавательных способностей, самостоятельности мышления, творческой активности;
- овладение новыми методами и методиками изучения конкретной учебной дисциплины;
- выработка способности логического осмысления полученных знаний для выполнения заданий;
- обеспечение рационального сочетания коллективной и индивидуальной форм обучения.

Функции практических занятий:

- познавательная;
- развивающая;
- воспитательная.

По характеру выполняемых обучающимся заданий по практическим занятиям подразделяются на:

- ознакомительные, проводимые с целью закрепления и конкретизации изученного теоретического материала;

- аналитические, ставящие своей целью получение новой информации на основе формализованных методов;

- творческие, связанные с получением новой информации путем самостоятельно выбранных подходов к решению задач.

Формы организации практических занятий определяются в соответствии со специфическими особенностями учебной дисциплины и целями обучения. Они могут проводиться:

- в интерактивной форме (решение ситуационных задач, занятия по моделированию реальных условий, деловые игры, игровое проектирование, имитационные занятия, выездные занятия в организации (предприятия), деловая учебная игра, ролевая игра, психологический тренинг, кейс, мозговой штурм, групповые дискуссии);

- в не интерактивной форме (выполнение упражнений, решение типовых задач, решение ситуационных задач и другое).

Методика проведения практического занятия может быть различной, при этом важно достижение общей цели дисциплины.

### **Требования к проведению практических занятий**

Практические занятия проводятся в виде разбора и решения задач. По каждой теме предусмотрено выполнение ряда задач. Контроль и закрепление знаний по каждой теме осуществляется в виде опроса у доски, аудиторных контрольных работ и домашних заданий.

### **Методические указания для обучающихся по прохождению самостоятельной работы**

В ходе выполнения самостоятельной работы, обучающийся выполняет работу по заданию и при методическом руководстве преподавателя, но без его непосредственного участия. Для обучающихся по заочной форме обучения, самостоятельная работа может включать в себя контрольную работу.

В процессе выполнения самостоятельной работы, у обучающегося формируется целесообразное планирование рабочего времени, которое позволяет им развивать умения и навыки в усвоении и систематизации приобретаемых знаний, обеспечивает высокий уровень успеваемости в период обучения, помогает получить навыки повышения профессионального уровня.

Методическими материалами, направляющими самостоятельную работу обучающихся являются:

- учебно-методический материал по дисциплине;
- методические указания по выполнению контрольных работ (для обучающихся по заочной форме обучения).

### **Методические указания для обучающихся по прохождению промежуточной аттестации**

Промежуточная аттестация обучающихся предусматривает оценивание промежуточных и окончательных результатов обучения по дисциплине. Она включает в себя:

- зачет – это форма оценки знаний, полученных обучающимся в ходе изучения учебной дисциплины в целом или промежуточная (по окончании семестра) оценка знаний обучающимся по отдельным разделам дисциплины с аттестационной оценкой «зачтено» или «не зачтено».

Система оценок при проведении промежуточной аттестации осуществляется в соответствии с требованиями Положений «О текущем контроле успеваемости и промежуточной аттестации студентов ГУАП, обучающихся по программам высшего

образования» и «О модульно-рейтинговой системе оценки качества учебной работы студентов в ГУАП».

Лист внесения изменений в рабочую программу дисциплины

Дата внесения изменений и дополнений. Подпись внесшего изменения	Содержание изменений и дополнений	Дата и № протокола заседания кафедры	Подпись зав. кафедрой