МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего

образования "САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ АЭРОКОСМИЧЕСКОГО ПРИБОРОСТРОЕНИЯ"

Кафедра № 1

УТВЕРЖДАЮ

Ответственный за образовательную

программу

д.ф.-м.н.,доц

(должность, уч. степень. звание)

А.О. Смирнов

«10» февраля 2025 г

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ

«Прикладная теория вероятностей и статистика» (Наименование дисциплины)

Код направления подготовки/ специальности	01.03.02	
Наименование направления подготовки/ специальности		
Наименование направленности	Прикладная математика и информатика в наукоемком производстве	
Форма обучения	ранго	
Год приема	2025	

Санкт-Петербург- 20__

Лист согласования рабочей программы дисциплины

Программу составил (а)		
д-р физмат. наук (должность, уч. степень, звание)	(подпись, дата) 63.04.2	Ю.А Пичугин (инициалы, фамилия)
Программа одобрена на заседан	нии кафедры № 1	
«03» февраля 2025 г, протокол	№ 02/1	
Заведующий кафедрой № 1 д.фм.н.,доц. (уч. степень, звание)	(подпись, дата)	А.О. Смирнов (инициалы, фамилия)
Заместитель директора институ доц.,к.т.н. (должность, уч. степень, звание)	та ФНТИ по методической ра ОЗ.ОД. 25 (подпись, дата)	Н.Ю. Ефремов (инициалы, фамилия)

Аннотация

Дисциплина «Прикладная теория вероятностей и статистика» входит в образовательную программу высшего образования — программу бакалавриата по направлению подготовки/ специальности 01.03.02 «Прикладная математика и информатика» направленности «Прикладная математика и информатика в наукоемком производстве». Дисциплина реализуется кафедрой «№1».

Дисциплина нацелена на формирование у выпускника следующих компетенций:

ПК-2 «Способен участвовать в работах по постановке и анализу задач моделирования наукоемкой продукции и процессов ее изготовления с использованием современных цифровых инструментов и информационных технологий»

ПК-3 «Способен проводить эксперименты по заданным методикам с обработкой и анализом их результатов, составлять описания выполненных исследований и подготавливать данные для разработки научных обзоров и публикаций»

Содержание дисциплины охватывает круг вопросов, связанных с основами логикоматематических построений, приемами формализации прикладных задач, выбору адекватных существу задачи методов решения, приобретению навыков, необходимых для сознательного использования математического аппарата.

Преподавание дисциплины предусматривает следующие формы организации учебного процесса: лекции, лабораторные работы, самостоятельная работа обучающегося.

Программой дисциплины предусмотрены следующие виды контроля: текущий контроль успеваемости, промежуточная аттестация в форме зачета.

Общая трудоемкость освоения дисциплины составляет 2 зачетных единицы, 72 часа.

Язык обучения по дисциплине «русский»

- 1. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине
- 1.1. Цели преподавания дисциплины
- 1.2. Дисциплина входит в состав части, формируемой участниками образовательных отношений, образовательной программы высшего образования (далее ОП ВО).
- 1.3. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с планируемыми результатами освоения ОП ВО.

В результате изучения дисциплины обучающийся должен обладать следующими компетенциями или их частями. Компетенции и индикаторы их достижения приведены в таблице 1.

Таблица 1 – Перечень компетенций и индикаторов их достижения

Категория (группа) компетенции	Код и наименование компетенции	Код и наименование индикатора достижения компетенции
Профессиональные компетенции	ПК-2 Способен участвовать в работах по постановке и анализу задач моделирования наукоемкой продукции и процессов ее изготовления с использованием современных цифровых инструментов и информационных технологий	ПК-2.3.1 знать актуальную нормативную документацию в области автоматизации и управления; математические методы разработки моделей ПК-2.У.1 уметь ставить и анализировать задачи моделирования объектов и процессов
Профессиональные компетенции	ПК-3 Способен проводить эксперименты по заданным методикам с обработкой и анализом их результатов, составлять описания выполненных исследований и подготавливать данные для разработки научных обзоров и публикаций	ПК-3.3.1 знать методы планирования эксперимента; методы сбора и обработки данных при проведении исследований, в том числе при анализе ситуации в реальных социальных условиях для выявления актуальной проблемы, требующей проектного решения ПК-3.У.1 уметь проводить эксперимент по заданным методикам; использовать компьютерные методы обработки результатов эксперимента для выработки гипотезы проектного решения

2. Место дисциплины в структуре ОП

Дисциплина может базироваться на знаниях, ранее приобретенных обучающимися при изучении следующих дисциплин:

- «Теория вероятностей»,

– «Комбинаторика».

Знания, полученные при изучении материала данной дисциплины, имеют как самостоятельное значение, так и используются при изучении других дисциплин:

- Математическое моделирование»,
- «Математические методы оптимизации».

3. Объем и трудоемкость дисциплины

Данные об общем объеме дисциплины, трудоемкости отдельных видов учебной работы по дисциплине (и распределение этой трудоемкости по семестрам) представлены в таблице 2.

Таблица 2 – Объем и трудоемкость дисциплины

		Трудоемкость по
Вид учебной работы	Всего	семестрам
		№6
1	2	3
Общая трудоемкость дисциплины, 3E/ (час)	2/72	2/72
Из них часов практической подготовки	17	17
Аудиторные занятия, всего час.	34	34
в том числе:		
лекции (Л), (час)	17	17
практические/семинарские занятия (ПЗ),		
(час)		
лабораторные работы (ЛР), (час)	17	17
курсовой проект (работа) (КП, КР), (час)		
экзамен, (час)		
Самостоятельная работа, всего (час)	38	38
Вид промежуточной аттестации: зачет, дифф. зачет, экзамен (Зачет, Дифф. зач,	Зачет	Зачет
Экз.**)		

Примечание: **кандидатский экзамен

4. Содержание дисциплины

4.1. Распределение трудоемкости дисциплины по разделам и видам занятий. Разделы, темы дисциплины и их трудоемкость приведены в таблице 3.

Таблица 3 – Разделы, темы дисциплины, их трудоемкость

Разделы, темы дисциплины	Лекции (час)	ПЗ (СЗ) (час)	ЛР (час)	КП (час)	CPC (час)
Семестр 6					
Раздел 1. Распределения					
Темы 1.1. Основные распределения	2		3		8
Тема 1.1. Могомерное нормальное распределение.					
Раздел 2. Теория статистического оценивания					
Тема 2.1. Свойства статистических оценок	2				8
Тема 2.2. Информация в выборке. Теорема					
Крамера-Рао.					

Раздел 3. Статистические модели линейные по параметрам Тема 3.1. Метод наименьших квадратов. Тема 3.2. Корреляция и парная регрессия. Множественная Регрессия. Тема 3.3. Прогнозирование.	6		6		8
Раздел 4. Модели многомерного статистического анализа Тема 4.1. Модель главных компонент и модель факторного анализа. Тема 4.2. Однофакторный дисперсионный анализ. Тема 4.3. Канонические корреляции. Дискриминация.	4		4		8
Раздел 5. Временные ряды Тема 5.1. Линейные и циклические тренды. Тема 5.2. Главные компоненты временных рядов.	3		4		6
Итого в семестре: Итого	17 17	0	17 17	0	38 38

Практическая подготовка заключается в непосредственном выполнении обучающимися определенных трудовых функций, связанных с будущей профессиональной деятельностью.

4.2. Содержание разделов и тем лекционных занятий. Содержание разделов и тем лекционных занятий приведено в таблице 4.

Таблица 4 – Содержание разделов и тем лекционного цикла

Номер раздела	Название и содержание разделов и тем лекционных занятий
1	Распределения
	1.1 Нормальное распределение, стандартное нормальное
	распределение, распределение связанные со стандартным
	нормальным распределением
	1.2. Многомерное нормальное распределение: формула
	плотности, параметры, преобразование параметров при
	линейных преобразованиях и сдвигах
	1.3. Главные компоненты, факторный анализ,
	вычислительные прикладные аспекты этих методов
2	Теория статистического оценивания
	2.1. Несмещенные оценки и оценки минимальной дисперсии.
	Количество информации, содержащееся в выборке
	2.2. Неравенство Крамера-Рао: вывод и примеры применения
3	Статистические модели линейные по параметрам
	3.1. Метод наименьших квадратов. Свойства МНК-оценок
	параметров. Теорема Гаусса-Маркова
	3.2. Корреляция, парная регрессия, t-критерий Стьюдента
	3.3. Вероятностный смысл задачи прогнозирования, как
	задачи снижения уровня неопределенности (доверительный
	интервал для прогнозируемых значений)
	3.4. Множественная регрессия. Коэффициент детерминации

	и скорректированный коэффициент детерминации.		
	Оптимальная регрессия		
	Тестирование множественной регрессии: t-критерий и F-		
	критерий		
	3.5. Оценки минимального риска.		
	3.6. Прогноз на основе множественной регрессии		
	(доверительный интервал для прогнозируемых значений)		
4	Модели многомерного статистического анализа		
	4.1. Анализ главных компонент и модель факторного		
	анализа. Вычислительные аспекты. Вращение факторов.		
	4.2. Дисперсионный анализ – однофакторная модель.		
	4.3. Канонические корреляции и структурное подобие.		
	4.4. Дискриминация.		
	Временные ряды		
	5.1. Линейные и циклические тренды.		
	5.2. Анализ сингулярного спектра и метод гусеницы.		
	4.3. Главные компоненты временных рядов и их приложения		

4.3. Практические (семинарские) занятия Темы практических занятий и их трудоемкость приведены в таблице 5.

Таблица 5 – Практические занятия и их трудоемкость

				Из них	$N_{\underline{0}}$
№	Темы практических	Формы практических	Трудоемкость,	практической	раздела
п/п	занятий	занятий	(час)	подготовки,	дисцип
				(час)	лины
		Семестр 6			
		Учебным планом не	предусмотрено		
	Bcer	0	17		

4.4. Лабораторные занятия

Темы лабораторных занятий и их трудоемкость приведены в таблице 6.

Таблица 6 – Лабораторные занятия и их трудоемкость

	пици о Ушоориториме запитии и пк трудосик		Из них	$N_{\underline{0}}$
$N_{\underline{0}}$	Памачарация пабаратарии у рабат	Трудоемкость,	практической	раздела
Π/Π	п/п Наименование лабораторных работ	(час)	подготовки,	дисцип
			(час)	лины
	Семестр	5		
1	Проверка выборки на соответствие	2		1
	нормальному распределению			
2	Корреляция и парная регрессия	2		3
	(t-критерий)			
3	Множественная регрессия (F-критерий)	2		3
4	Множественная регрессия (F-критерий)	2		3
5	Оптимальная регрессия.	2		3
	Скорректированный коэффициент			

	детерминации		
6	Построение прогноза на основе	2	3
	множественной регрессии		
7	Снижение размерности методом главных	3	4
	компонент		
8	Линейный и циклический тренд	2	5
	Всего	17	

4.5. Курсовое проектирование/ выполнение курсовой работы Учебным планом не предусмотрено

4.6. Самостоятельная работа обучающихся Виды самостоятельной работы и ее трудоемкость приведены в таблице 7.

Таблица 7 – Виды самостоятельной работы и ее трудоемкость

Вид самостоятельной работы	Всего,	Семестр 6,
	час	час
1	2	3
Изучение теоретического материала	26	26
дисциплины (ТО)	20	20
Курсовое проектирование (КП, КР)		
Расчетно-графические задания (РГЗ)		
Выполнение реферата (Р)		
Подготовка к текущему контролю		
успеваемости (ТКУ)		
Домашнее задание (ДЗ)		
Контрольные работы заочников (КРЗ)		
Подготовка к промежуточной	12	12
аттестации (ПА)	12	12
Всего:	38	38

5. Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающихся по дисциплине (модулю) Учебно-методические материалы для самостоятельной работы обучающихся указаны в п.п. 7-11.

6. Перечень печатных и электронных учебных изданий Перечень печатных и электронных учебных изданий приведен в таблице 8. Таблица 8– Перечень печатных и электронных учебных изданий

Шифр/ URL адрес	Библиографическая ссылка	Количество экземпляров в библиотеке (кроме электронных экземпляров)
519.2(075)	Гмурман, В.Е. Теория вероятностей и	200
Γ55	математическая статистика / В.Е.Гмурман.	
	- М.: Высшее образование, 2008. – 480 с.	
519.2(075)	Гмурман, В.Е. Руководство к решению	150
Γ55	задач по теории вероятностей и	

математической статистике / В.Е.Гмурман.	
- М.: М.: Высшее образование, 2008. –	
404c.	

7. Перечень электронных образовательных ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет»

Перечень электронных образовательных ресурсов информационнотелекоммуникационной сети «Интернет», необходимых для освоения дисциплины приведен в таблице 9.

Таблица 9 — Перечень электронных образовательных ресурсов информационнотелекоммуникационной сети «Интернет»

URL адрес	Наименование
https://e.lanbook.com/	ЭБС Лань

8. Перечень информационных технологий

8.1. Перечень программного обеспечения, используемого при осуществлении образовательного процесса по дисциплине.

Перечень используемого программного обеспечения представлен в таблице 10.

Таблица 9 – Перечень электронных образовательных ресурсов информационнотелекоммуникационной сети «Интернет»

URL адрес	Наименование
http://e.lanbook.com/books	ЭБС «Лань»
http://www.math-net.ru	Общероссийский математический портал

8.2. Перечень информационно-справочных систем, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине

Перечень используемых информационно-справочных систем представлен в таблице 11.

Таблица 11- Перечень информационно-справочных систем

№ п/п	Наименование
	Не предусмотрено

9. Материально-техническая база

Состав материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине, представлен в таблице12.

Таблица 12 – Состав материально-технической базы

№ п/п	Наименование составной части материально-технической базы	Номер аудитории (при необходимости)
1	Лекционная аудитория	
2	Компьютерная аудитория	24-12

10. Оценочные средства для проведения промежуточной аттестации

10.1. Состав оценочных средствдля проведения промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине приведен в таблице 13.

Таблица 13 – Состав оценочных средств для проведения промежуточной аттестации

Вид промежуточной аттес	тации	Пере	ечень оценоч	ных средств

Зачет	Список вопросов;
	Тесты;
	Задачи.

10.2. В качестве критериев оценки уровня сформированности (освоения) компетенций обучающимися применяется 5-балльная шкала оценки сформированности компетенций, которая приведена в таблице 14. В течение семестра может использоваться 100-балльная шкала модульно-рейтинговой системы Университета, правила использования которой, установлены соответствующим локальным нормативным актом ГУАП.

Таблица 14 – Критерии оценки уровня сформированности компетенций

Оценка компетенции	Учествення за выпости компетенции		
5-балльная шкала	Характеристика сформированных компетенций		
«отлично» «зачтено»	 обучающийся глубоко и всесторонне усвоил программный материал; уверенно, логично, последовательно и грамотно его излагает; опираясь на знания основной и дополнительной литературы, тесно привязывает усвоенные научные положения с практической деятельностью направления; умело обосновывает и аргументирует выдвигаемые им идеи; делает выводы и обобщения; свободно владеет системой специализированных понятий. 		
«хорошо» «зачтено»	 обучающийся твердо усвоил программный материал, грамотно и по существу излагает его, опираясь на знания основной литературы; не допускает существенных неточностей; увязывает усвоенные знания с практической деятельностью направления; аргументирует научные положения; делает выводы и обобщения; владеет системой специализированных понятий. 		
«удовлетворительно» «зачтено»	 обучающийся усвоил только основной программный материал, по существу излагает его, опираясь на знания только основной литературы; допускает несущественные ошибки и неточности; испытывает затруднения в практическом применении знаний направления; слабо аргументирует научные положения; затрудняется в формулировании выводов и обобщений; частично владеет системой специализированных понятий. 		
«неудовлетворительно» «не зачтено»	 обучающийся не усвоил значительной части программного материала; допускает существенные ошибки и неточности при рассмотрении проблем в конкретном направлении; испытывает трудности в практическом применении знаний; не может аргументировать научные положения; не формулирует выводов и обобщений. 		

10.3. Типовые контрольные задания или иные материалы. Вопросы (задачи) для экзамена представлены в таблице 15.

Таблица 15 – Вопросы (задачи) для экзамена

№ п/п	Перечень вопросов (задач) для экзамена	Код индикатора
	Учебным планом не предусмотрено	

Вопросы (задачи) для зачета / дифф. зачета представлены в таблице 16. Таблица 16 – Вопросы (задачи) для зачета / дифф. зачета

Гиозищи то Вол	просы (задачи) для зачета / дифф. зачета	T.C.
№ п/п	Перечень вопросов (задач) для зачета / дифф. зачета	Код индикатора
1	1 Что происходит со случайной величиной, которая имеет нормальное распределение, если ее центрировать и нормировать? 2 Что происходит со случайной величиной, которая имеет нормальное распределение, если ее центрировать и нормировать, используя выборочные оценки среднего значения и дисперсии?	ПК-2.3.1
	3 Что получится в результате, если мы просуммируем п квадратов независимых случайных величин, которые имеют стандартное нормальное распределение? 4 Как выглядит формальное определение F-распределения с числами степеней свободы k и n?	
	5 Объясните в двух словах в чем суть коррекции коэффициента детерминации. 6 Какой из двух коэффициентов детерминации служит критерием оптимальности регрессии?	
2	7 Перечислите параметры многомерного нормального распределения. 8 Как называется основное свойство главных компонент? 9 Если главные компоненты все имеют единичную	ПК-2.У.1
	дисперсию, то они называются (закончите предложение). 10 Сформулируйте определение несмещенной статистической оценки параметра.	
	11 Тестируя множественную регрессию, можно проверять гипотезу о равенстве нулю одного из параметров (коэффициентов при переменных) или всех вместе. В каком из этих двух случаях применяется t-критерий, а в каком F-критерий?	
	12 Что мы хотим уменьшить, применяя множественную регрессии в прогнозе?	
3	13 Кое известное алгебраическое неравенство лежит в основе неравенства Крамера-Рао? 14 Приведите пример модели линейной по параметрам. 15 Изобразите схематически суть метода наименьших	ПК-3.3.1
	квадратов для случая парной регрессии 16 Назовите основное статистическое свойство МНК- оценок параметров регрессии. 17 Верно ли, что параметры трендов можно оценивать	
	методом наименьших квадратов? 18 Объясните в двух словах зачем используются гребневые оценки и оценки минимального риска.	
4	19 Перечислите свойства статистических оценок, которые фигурируют в теореме Гаусса-Маркова. 20 Верно ли что при тестировании парной регрессии и корреляции t-критерий Стьюдента принимает одинаковые значения?	ПК-3.У.1

21 Объясните своими словами, что дает прогноз в
вероятностном смысле.
22 Чего много в множественной регрессии?
23 Как называется метод главных компонент, который
применяется к нестационарным рядам?

Перечень тем для курсового проектирования/выполнения курсовой работы представлены в таблице 17.

Таблица 17 – Перечень тем для курсового проектирования/выполнения курсовой работы

№ п/п	Примерный перечень тем для курсового проектирования/выполнения курсовой работы
	Учебным планом не предусмотрено

Вопросы для проведения промежуточной аттестации в виде тестирования представлены в таблице 18.

Таблица 18 – Примерный перечень вопросов для тестов

Таблица 18 — Примерный перечень вопросов для тестов				
№ п/п	Примерный перечень вопросов для тестов	Код индикатора		
1	Прочитайте текст, выберите правильный ответ и запишите аргументы, обосновывающие выбор ответа. Для выяснения соответствия выборочного распределения некоторому типу распределения мы строим гистограмму, вычисляем параметры предполагаемого распределения и для проверки соответствия этому распределению используем критерий А) Стьюдента; В) Пирсона; С) Фишера; D) Дарбина-Уотсона.	ПК-2.3.1 ПК-2.У.1		
2	Прочитайте текст, выберите правильный ответ и запишите аргументы, обосновывающие выбор ответа. Многие известные распределения связаны с нормальным распределением, точнее, со стандартным нормальным распределением. Из нижеперечисленных таковыми являются А) Стьюдента; Б) Пуассона; В) биномиальное; Г) хи-квадрат.			
3	Инструкция: Каждой позиции, данной в левом столбце, где перечислены решаемые вопросы, подберите соответствующую позицию в правом столбце, где даны способы решения, и дайте объяснение своему выбору. А) равенство двух дисперсий; В) равенство двух средних Значений; С) Критерий Стьюдента. С) тип распределения.			
4	 Прочитайте текст: По данным некоторой таблицы, где были приведены значения переменных у и х, построено уравнение регрессии y = β₀ + β₁x + ε. Гипотеза Н: β₁ = 0 была отвергнута на уровне значимости α = 0,05. 1) Ответьте на вопрос: какой критерий используется для проверки гипотезы Н? 2) Расставьте буквы слева на право так, чтобы между соответствующими величинами (см. ниже) можно было поставить знак « < ». А) дисперсия оклика; В) дисперсия аппроксимирующей функции; С) дисперсия остатков регрессии. 			
5	Коэффициент корреляции между окликом и аппроксимирующей регрессией называется коэффициентом множественной корреляции. Как			

	называется квадрат этого коэффициента, и н		
	регрессионной модели в целом? (С каким кр		
	статистическая гипотеза при этом проверяет		
6	Прочитайте текст, выберите правильный от		
	обосновывающие выбор ответа.		
	При проверки статистической гипотезы наз	начается вероятность ошибки	
	при неправильном ее отрицании. Эта вероят	гность называется	
	А) мощность критерия; В) степень дов	верия; С) уровень	
	значимости; D) уровень проверки.	ПК-3.3.1	
7	В статистическом анализе данных широко применяется F-критерий.		ПК-3.У.1
	Выберите из предложенных ниже вариантог	в лишь те случаи, где	
	применяется F-критерий.		
	А) парная регрессия; В) множественная регр	рессия; С) однофакторный	
	дисперсионный анализ; D) корреляционный		
8	Инструкция: В правом столбце указаны методы решения задач, которые		
	перечислены в левом столбце. Каждой зада		
	подберите соответствующую позицию (соот		
	решения) из правого столбца.		
	А) исследование связи между А	а) дисперсионный анализ	
	наборами переменных; В) главные компоненты;	
	В) оценка связи между двумя С	() канонические корреляции;	
	переменными; D) корреляционный анализ.	
	С) оценка влияния одной или		
	нескольких независимых переменных;		
	D) снижение размерности.		

Перечень тем контрольных работ по дисциплине обучающихся заочной формы обучения, представлены в таблице 19.

Таблица 19 – Перечень контрольных работ

№ п/п	Перечень контрольных работ	
	Не предусмотрено	

- 10.4. Методические материалы, определяющие процедуры оценивания индикаторов, характеризующих этапы формирования компетенций, содержатся в локальных нормативных актах ГУАП, регламентирующих порядок и процедуру проведения текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации обучающихся ГУАП.
 - 11. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины (Ниже приводятся рекомендации по составлению данного раздела)
- 11.1. Методические указания для обучающихся по освоению лекционного материала (если предусмотрено учебным планом по данной дисциплине).

Основное назначение лекционного материала — логически стройное, системное, глубокое и ясное изложение учебного материала. Назначение современной лекции в рамках дисциплины не в том, чтобы получить всю информацию по теме, а в освоении фундаментальных проблем дисциплины, методов научного познания, новейших достижений научной мысли. В учебном процессе лекция выполняет методологическую, организационную и информационную функции. Лекция раскрывает понятийный аппарат конкретной области знания, её проблемы, дает цельное представление о дисциплине, показывает взаимосвязь с другими дисциплинами.

Планируемые результаты при освоении обучающимися лекционного материала:

- получение современных, целостных, взаимосвязанных знаний, уровень которых определяется целевой установкой к каждой конкретной теме;
 - получение опыта творческой работы совместно с преподавателем;
- развитие профессионально-деловых качеств, любви к предмету и самостоятельного творческого мышления.
 - появление необходимого интереса, необходимого для самостоятельной работы;
- получение знаний о современном уровне развития науки и техники и о прогнозе их развития на ближайшие годы;
- научиться методически обрабатывать материал (выделять главные мысли и положения, приходить к конкретным выводам, повторять их в различных формулировках);
 - получение точного понимания всех необходимых терминов и понятий.

Лекционный материал может сопровождаться демонстрацией слайдов и использованием раздаточного материала при проведении коротких дискуссий об особенностях применения отдельных тематик по дисциплине.

Структура предоставления лекционного материала:

- Определения математических терминов.
- Формулировка теоремы.
- Доказательство теоремы.
- 11.2. Методические указания для обучающихся по выполнению лабораторных работ (если предусмотрено учебным планом по данной дисциплине)

В ходе выполнения лабораторных работ обучающийся должен углубить и закрепить знания, практические навыки, овладеть современной методикой и техникой эксперимента в соответствии с квалификационной характеристикой обучающегося. Выполнение лабораторных работ состоит из экспериментально-практической, расчетно-аналитической частей и контрольных мероприятий.

Выполнение лабораторных работ обучающимся является неотъемлемой частью изучения дисциплины, определяемой учебным планом, и относится к средствам, обеспечивающим решение следующих основных задач обучающегося:

- приобретение навыков исследования процессов, явлений и объектов, изучаемых в рамках данной дисциплины;
- закрепление, развитие и детализация теоретических знаний, полученных на лекциях;
 - получение новой информации по изучаемой дисциплине;
- приобретение навыков самостоятельной работы с лабораторным оборудованием и приборами.
- 11.3. Методические указания для обучающихся по прохождению самостоятельной работы

В ходе выполнения самостоятельной работы, обучающийся выполняет работу по заданию и при методическом руководстве преподавателя, но без его непосредственного участия.

Для обучающихся по заочной форме обучения, самостоятельная работа может включать в себя контрольную работу.

В процессе выполнения самостоятельной работы, у обучающегося формируется целесообразное планирование рабочего времени, которое позволяет им развивать умения и навыки в усвоении и систематизации приобретаемых знаний, обеспечивает высокий

уровень успеваемости в период обучения, помогает получить навыки повышения профессионального уровня.

Методическими материалами, направляющими самостоятельную работу обучающихсяявляются:

- учебно-методический материал по дисциплине;
- 11.4. Методические указания для обучающихся по прохождению текущего контроля успеваемости.

Текущий контроль успеваемости предусматривает контроль качества знаний обучающихся, осуществляемого в течение семестра с целью оценивания хода освоения дисциплины.

11.5. Методические указания для обучающихся по прохождению промежуточной аттестации.

Промежуточная аттестация обучающихся предусматривает оценивание промежуточных и окончательных результатов обучения по дисциплине. Она включает в себя:

— зачет — это форма оценки знаний, полученных обучающимся в ходе изучения учебной дисциплины в целом или промежуточная (по окончании семестра) оценка знаний обучающимся по отдельным разделам дисциплины с аттестационной оценкой «зачтено» или «не зачтено».

Лист внесения изменений в рабочую программу дисциплины

Дата внесения изменений и дополнений. Подпись внесшего изменения	Содержание изменений и дополнений	Дата и № протокола заседания кафедры	Подпись зав. кафедрой