

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования
«Санкт-Петербургский государственный университет аэрокосмического приборостроения»

Факультет среднего профессионального образования



«УТВЕРЖДАЮ»

Декан факультета СПО, к.т.н.

 С.Л. Поляков

«23» июня 2025 г.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ

Элементы высшей математики

образовательной программы

09.02.07 «Информационные системы и программирование»

<u>Объем дисциплины, часов</u>	144
Учебные занятия, часов	108
в т.ч. лабораторно–практические занятия, часов	28
Самостоятельная работа, часов	24

Рабочая программа дисциплины разработана на основе ФГОС по специальности среднего профессионального образования

09.02.07

код

Информационные системы и программирование

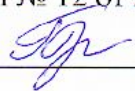
наименование специальности

РАССМОТРЕНА И ОДОБРЕНА

Цикловой комиссией

естественнонаучных дисциплин и физического
воспитания

Протокол № 12 от 20.06.2025 г.

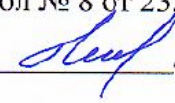
Председатель:  / Горбунова О.А./

РЕКОМЕНДОВАНА

Методическим

советом факультета СПО

Протокол № 8 от 23.06.2025 г.

Председатель:  /Шелешнева С.М./

Разработчики:

Горбунова О.А., преподаватель высшей квалификационной категории

СОДЕРЖАНИЕ

1. ОБЩАЯ ХАРАКТЕРИСТИКА РАБОЧЕЙ ПРОГРАММЫ ДИСЦИПЛИНЫ	4
2. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ	5
3. УСЛОВИЯ РЕАЛИЗАЦИИ ПРОГРАММЫ ДИСЦИПЛИНЫ	9
4. КОНТРОЛЬ И ОЦЕНКА РЕЗУЛЬТАТОВ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ	11

1. ОБЩАЯ ХАРАКТЕРИСТИКА РАБОЧЕЙ ПРОГРАММЫ ДИСЦИПЛИНЫ ЭЛЕМЕНТЫ ВЫСШЕЙ МАТЕМАТИКИ

1.1. Область применения рабочей программы

Рабочая программа дисциплины является составной частью программно-методического сопровождения образовательной программы (ОП) среднего профессионального образования (СПО) по специальности 09.02.07 «Информационные системы и программирование».

1.2. Место дисциплины в структуре ОП СПО

Дисциплина «Элементы высшей математики» является дисциплиной математического и общего естественнонаучного цикла.

1.3. Планируемые результаты освоения дисциплины

Код ПК, ОК	Умения	Знания
ОК 1, ОК 5	– выполнять операции над матрицами и решать системы линейных уравнений; – решать задачи, используя уравнения прямых и кривых второго порядка на плоскости; – применять методы дифференциального и интегрального исчисления; – решать дифференциальные уравнения; – пользоваться понятиями теории комплексных чисел.	– основы математического анализа, линейной алгебры и аналитической геометрии; – основы дифференциального и интегрального исчисления; – основы теории комплексных чисел.

2. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

2.1. Объем дисциплины и виды учебной работы

Вид учебной работы	Объем часов
Объем дисциплины	144
Объем учебных занятий	108
в том числе:	
теоретическое обучение	80
лабораторные и практические занятия	28
Самостоятельная учебная работа	24
Консультации	4
Промежуточная аттестация в форме экзамена в 4 семестре	8

Практическая подготовка при реализации дисциплины организуется путем проведения практических занятий и (или) лабораторных работ и иных аналогичных видов учебной деятельности, предусматривающих участие обучающихся в выполнении отдельных элементов работ, связанных с будущей профессиональной деятельностью.

2.2. Тематический план и содержание дисциплины ЭЛЕМЕНТЫ ВЫСШЕЙ МАТЕМАТИКИ

Наименование разделов и тем	Содержание учебного материала и формы организации деятельности обучающихся	Объем в часах	Коды компетенций, формированию которых способствует элемент программы
Тема 1. Основы теории комплексных чисел	Содержание учебного материала	2	ОК 1, ОК 5
	Определение комплексного числа. Формы записи комплексных чисел. Геометрическое изображение комплексных чисел.	2	
Тема 2. Теория пределов	Содержание учебного материала	4	ОК 1, ОК 5
	Числовые последовательности. Предел функции. Свойства пределов Замечательные пределы, раскрытие неопределенностей. Односторонние пределы, классификация точек разрыва	4	
Тема 3. Дифференциальное исчисление функции одной действительной переменной	Содержание учебного материала	6	ОК 1, ОК 5
	Определение производной. Производные и дифференциалы высших порядков. Полное исследование функции. Построение графиков	6	
Тема 4. Интегральное исчисление функции одной действительной переменной	Содержание учебного материала	24	ОК 1, ОК 5
	Неопределенный и определенный интеграл и его свойства.	6	
	Несобственные интегралы с бесконечными пределами интегрирования	2	
	Вычисление определенных интегралов	2	
	Применение определенных интегралов	6	
	Практические занятия	8	
	Вычисление неопределенных интегралов различными методами. Решение задач на вычисление определенного интеграла. Решение прикладных задач с помощью определенного интеграла. Вычисление несобственных интегралов.		
Тема 5. Дифференциальное исчисление функции нескольких действительных переменных	Содержание учебного материала	6	ОК 1, ОК 5
	Предел и непрерывность функции нескольких переменных Частные производные. Дифференцируемость функции нескольких переменных. Производные высших порядков и дифференциалы высших порядков	4	
	Практические занятия Область определения функции двух переменных. Вычисление частных производных. Вычисление полного дифференциала.	2	
Тема 6. Интегральное исчисление функции нескольких	Содержание учебного материала	6	ОК 1, ОК 5
	Двойные интегралы и их свойства. Повторные интегралы. Приложение двойных интегралов	4	
	Практические занятия Вычисление двойных интегралов по области D	2	

действительных переменных			
Тема 7. Теория рядов	Содержание учебного материала	12	ОК 1, ОК 5,
	Определение числового ряда. Свойства рядов. Функциональные последовательности и ряды.	4	
	Исследование сходимости рядов	4	
	Практические занятия Вычисление суммы числовых рядов. Исследование числовых рядов на сходимость. Разложение элементарных функций в ряд Маклорена. Приближенное вычисление интегралов с помощью рядов.	4	
Тема 8. Обыкновенные дифференциальные уравнения	Содержание учебного материала	12	ОК 1, ОК 5
	Общее и частное решение дифференциальных уравнений. Дифференциальные уравнения 2-го порядка.	6	
	Решение дифференциальных уравнений 2-го порядка	4	
	Практические занятия Решение различных типов дифференциальных уравнений 1-го и 2 – го порядков. Решение задач на составление дифференциальных уравнений..	2	
Тема 9. Матрицы и определители	Содержание учебного материала	8	ОК 1, ОК 5
	Понятие Матрицы. Действия над матрицами. Определитель матрицы. Обратная матрица. Ранг матрицы	6	
	Практические занятия Вычисление определителей 2-го, 3-го порядков различными способами. Решение систем линейных уравнений по формулам Крамера. Выполнение действий над матрицами. Нахождение обратной матрицы. Решение матричных уравнений	2	
Тема 10. Системы линейных уравнений	Содержание учебного материала	8	ОК 1, ОК 5,
	Основные понятия системы линейных уравнений. Правило решения произвольной системы линейных уравнений. Решение системы линейных уравнений методом Гаусса	6	
	Практические занятия Методы решения систем линейных уравнений: по формулам Крамера, с помощью обратной матрицы, методом Гаусса.	2	
Тема 11. Векторы и действия с ними	Содержание учебного материала	8	ОК 1, ОК 5
	Определение вектора. Операции над векторами, их свойства. Вычисление скалярного, смешанного, векторного произведения векторов Приложения скалярного, смешанного, векторного произведения векторов.	6	
	Практические занятия Действия над векторами в пространстве. Решение задач с использованием скалярного, векторного и смешанного произведения векторов.	2	
Тема 12. Аналитическая геометрия на плоскости	Содержание учебного материала	12	ОК 1, ОК 5
	Уравнение прямой линии на плоскости. Угол между прямыми. Расстояние от точки до прямой.	4	
	Линии второго порядка на плоскости. Уравнение окружности, эллипса, гиперболы и параболы на плоскости	4	

	Практические занятия Решение задач на составление уравнений прямых линий при различных способах задания, их построение. Решение задач на составление канонических уравнений кривых второго порядка по различным данным. Построение кривых второго порядка. Решение задач прикладного характера.	2	
Практическое зачетное занятие		2	ОК 1, ОК 5
Самостоятельная работа обучающихся:		24	ОК 1, ОК 5
Решение задач на составление канонических уравнений кривых второго порядка.		2	
Полярные координаты. Построение кривых в полярных координатах: кардиоиды, улитки Паскаля, спираль Архимеда.		4	
Дифференциал функции. Применение дифференциала в приближенных вычислениях.			
Вычисление неопределенного интеграла различными методами: интегрирование по частям, применение универсальной тригонометрической подстановки, интегрирование функций, содержащих квадратный трехчлен, частные тригонометрические подстановки.		2	
Решение прикладных задач с помощью определенного интеграла.		6	
Вычисление несобственных интегралов.		4	
Решение прикладных задач на составление дифференциальных уравнений первого и второго порядков.		2	
		4	
Консультации		8	-
Промежуточная аттестация		4	-
Всего:		144	-

3. УСЛОВИЯ РЕАЛИЗАЦИИ ПРОГРАММЫ ДИСЦИПЛИНЫ

3.1. Материально-техническое обеспечение

Для реализации программы дисциплины предусмотрены следующие специальные помещения: кабинет математических дисциплин.

Оснащение учебных кабинетов и лабораторий установлено в соответствии с протоколом Методического совета факультета: Протокол № 8 от 23.06.2025 г.

3.2. Информационное обеспечение реализации программы

Перечень используемых учебных изданий, Интернет-ресурсов, дополнительной литературы

Основные источники

- 1 Бардушкин, В. В. Математика. Элементы высшей математики : учебник : в 2 томах. Том 1 / В.В. Бардушкин, А.А. Прокофьев. — Москва : КУРС : ИНФРА-М, 2024. — 304 с. — (Среднее профессиональное образование). - ISBN 978-5-907064-56-0. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.ru/catalog/product/2135282>
- 2 Бардушкин, В. В. Математика. Элементы высшей математики : учебник : в 2 томах. Том 2 / В. В. Бардушкин, А. А. Прокофьев. — Москва : КУРС : ИНФРА-М, 2024. — 368 с. — (Среднее профессиональное образование). - ISBN 978-5-906923-34-9. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.ru/catalog/product/2145214>

Дополнительные источники

- 1 Шапкин, А. С. Задачи с решениями по высшей математике, теории вероятностей, математической статистике, математическому программированию : учебное пособие / А. С. Шапкин. - 11е изд., перераб. - Москва : Издательско-торговая корпорация «Дашков и К°», 2023. - 402 с. - ISBN 978-5-394-05448-8. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/2082512>
- 2 Богомолов, Н. В. Математика : учебник для среднего профессионального образования / Н. В. Богомолов, П. И. Самойленко. — 6-е изд., перераб. и доп. — Москва : Издательство Юрайт, 2025. — 400 с. — (Профессиональное образование). — ISBN 978-5-534-21352-2. — Текст : электронный // Образовательная платформа Юрайт [сайт]. — URL: <https://urait.ru/bcode/581714>
- 3 Баврин, И. И. Математика для технических колледжей и техникумов : учебник и практикум для среднего профессионального образования / И. И. Баврин. — 2-е изд., испр. и доп. — Москва : Издательство Юрайт, 2025. — 397 с. — (Профессиональное образование). — ISBN 978-5-534-08026-1. — Текст :

электронный // Образовательная платформа Юрайт [сайт]. — URL:
<https://urait.ru/bcode/561750>

Электронные ресурсы

- 1 Сайт журнала «Фундаментальная и прикладная математика». -
URL:<http://mech.math.msu.su/~fpm/rus/fpmosn.htm>
- 2 Сайт журнала «Математический сборник». - URL:
https://www.mathnet.ru/php/archive.phtml?jrnid=sm&wshow=contents1&option_lang=rus

4. КОНТРОЛЬ И ОЦЕНКА РЕЗУЛЬТАТОВ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

Результаты обучения	Критерии оценки	Формы и методы оценки
Знания: основы математического анализа, линейной алгебры и аналитической геометрии; основы дифференциального и интегрального исчисления; основы теории комплексных чисел.	«Отлично» - теоретическое содержание курса освоено полностью, без пробелов, умения сформированы, все предусмотренные программой учебные задания выполнены, качество их выполнения оценено высоко.	Знания: – оценка по результатам устного опроса, – оценка по результатам письменного опроса, – промежуточная аттестация. Умения: – устный опрос; – выполнение индивидуальных заданий различной сложности; – оценка ответов в ходе беседы; – тестирование; – промежуточная аттестация.
Умения: выполнять операции над матрицами и решать системы линейных уравнений; решать задачи, используя уравнения прямых и кривых второго порядка на плоскости; применять методы дифференциального и интегрального исчисления; решать дифференциальные уравнения; пользоваться понятиями теории комплексных чисел.	«Хорошо» - теоретическое содержание курса освоено полностью, без пробелов, некоторые умения сформированы недостаточно, все предусмотренные программой учебные задания выполнены, некоторые виды заданий выполнены с ошибками.	
	«Удовлетворительно» - теоретическое содержание курса освоено частично, но пробелы не носят существенного характера, необходимые умения работы с освоенным материалом в основном сформированы, большинство предусмотренных программой обучения учебных заданий выполнено, некоторые из выполненных заданий содержат ошибки. «Неудовлетворительно» - теоретическое содержание курса не освоено, необходимые умения не сформированы, выполненные учебные задания содержат грубые ошибки.	