

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ
ФЕДЕРАЦИИ
федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего
образования
"САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ
АЭРОКОСМИЧЕСКОГО ПРИБОРОСТРОЕНИЯ"

Кафедра № 1

УТВЕРЖДАЮ

Руководитель направления

д.ф.-м.н., доц.

(должность, уч. степень, звание)

А.О. Смирнов

(инициалы, фамилия)



(подпись)

«23» мая 2022 г

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ

«Вариационное исчисление»
(Наименование дисциплины)

Код направления подготовки/ специальности	01.03.02
Наименование направления подготовки/ специальности	Прикладная математика и информатика
Наименование направленности	Прикладная математика и информатика в наукоемком производстве
Форма обучения	очная

Санкт-Петербург– 2022

Лист согласования рабочей программы дисциплины

Программу составил (а)

д.ф.-м.н.,доц.

(должность, уч. Степень, звание)

 23.05.22

(подпись, дата)

А.О. Смирнов

(инициалы, фамилия)

Программа одобрена на заседании кафедры № 1

«23» мая 2022 г, протокол № 5/2

Заведующий кафедрой № 1

д.ф.-м.н.,доц.

(уч. Степень, звание)

 23.05.22

(подпись, дата)

А.О. Смирнов

(инициалы, фамилия)

Ответственный за ОП ВО 01.03.02(01)

д.ф.-м.н.,доц.

(должность, уч. Степень, звание)

 23.05.22

(подпись, дата)

А.О. Смирнов

(инициалы, фамилия)

Заместитель декана факультета №фпти по методической работе

доц.,к.т.н.

(должность, уч. степень, звание)

 23.05.22

(подпись, дата)

Р.Н. Целмс

(инициалы, фамилия)

Аннотация

Дисциплина «Вариационное исчисление» входит в образовательную программу высшего образования – программу бакалавриата по направлению подготовки/специальности 01.03.02 «Прикладная математика и информатика» направленности «Прикладная математика и информатика в наукоемком производстве». Дисциплина реализуется кафедрой «№1».

Дисциплина нацелена на формирование у выпускника следующих компетенций:

ПК-4 «Способен участвовать в постановке целей проекта, его задач при заданных критериях, целевых функциях, ограничениях, разработке структуры его взаимосвязей, определении приоритетов решения задач»

Содержание дисциплины охватывает круг вопросов, связанных с экстремальными задачами и оптимальным управлением.

Преподавание дисциплины предусматривает следующие формы организации учебного процесса: *лекции, практические занятия, самостоятельная работа обучающегося.*

Программой дисциплины предусмотрены следующие виды контроля: текущий контроль успеваемости, промежуточная аттестация в форме экзамена.

Общая трудоемкость освоения дисциплины составляет 4 зачетных единицы, 144 часа.

Язык обучения по дисциплине «русский»

1. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине

1.1. Цели преподавания дисциплины

Целью преподавания дисциплины «Вариационное исчисление» является получение студентами необходимых навыков в области решения задач по поиску экстремальных функционалов.

1.2. Дисциплина входит в состав части, формируемой участниками образовательных отношений, образовательной программы высшего образования (далее – ОП ВО).

1.3. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с планируемыми результатами освоения ОП ВО.

В результате изучения дисциплины обучающийся должен обладать следующими компетенциями или их частями. Компетенции и индикаторы их достижения приведены в таблице 1.

Таблица 1 – Перечень компетенций и индикаторов их достижения

Категория (группа) компетенции	Код и наименование компетенции	Код и наименование индикатора достижения компетенции
Профессиональные компетенции	ПК-4 Способен участвовать в постановке целей проекта, его задач при заданных критериях, целевых функциях, ограничениях, разработке структуры его взаимосвязей, определении приоритетов решения задач	ПК-4.3.1 знать методы системного анализа; методы оптимизации и оптимального управления ПК-4.У.1 уметь применять методы системного анализа и оптимизации при формулировании целей проекта и определении приоритетов решения задач ПК-4.В.1 владеть системным подходом к постановке задач и выбору методов их решения

2. Место дисциплины в структуре ОП

Дисциплина может базироваться на знаниях, ранее приобретенных обучающимися при изучении следующих дисциплин:

- «Математика. Математический анализ»,
- «Математика. Аналитическая геометрия и линейная алгебра»,
- «Дифференциальные уравнения»,
- «Математическое моделирование»

Знания, полученные при изучении материала данной дисциплины, имеют как самостоятельное значение, так и могут использоваться при написании выпускной квалификационной работе.

3. Объем и трудоемкость дисциплины

Данные об общем объеме дисциплины, трудоемкости отдельных видов учебной работы по дисциплине (и распределение этой трудоемкости по семестрам) представлены в таблице 2.

Таблица 2 – Объем и трудоемкость дисциплины

Вид учебной работы	Всего	Трудоемкость по семестрам
--------------------	-------	---------------------------

		№5
1	2	3
Общая трудоемкость дисциплины, 3Е/ (час)	4/ 144	4/ 144
Из них часов практической подготовки	34	34
Аудиторные занятия, всего час.	68	68
в том числе:		
лекции (Л), (час)	34	34
практические/семинарские занятия (ПЗ), (час)	34	34
лабораторные работы (ЛР), (час)		
курсовой проект (работа) (КП, КР), (час)		
экзамен, (час)	36	36
Самостоятельная работа, всего (час)	40	40
Вид промежуточной аттестации: зачет, дифф. зачет, экзамен (Зачет, Дифф. зач, Экз.**)	Экз.	Экз.

Примечание: ** кандидатский экзамен

4. Содержание дисциплины

4.1. Распределение трудоемкости дисциплины по разделам и видам занятий.

Разделы, темы дисциплины и их трудоемкость приведены в таблице 3.

Таблица 3 – Разделы, темы дисциплины, их трудоемкость

Разделы, темы дисциплины	Лекции (час)	ПЗ (СЗ)	ЛР (час)	КП (час)	СРС (час)
Семестр 5					
Раздел 1. Экстремум функций многих переменных	2	4			4
Тема 1.1. Безусловный экстремум	1	0			2
Тема 1.2. Условный экстремум	1	4			2
Раздел 2. Метод вариаций в задачах с неподвижными границами	20	16			22
Тема 2.1. Вариация функционала и ее свойства	4	0			2
Тема 2.2. Уравнения Эйлера	4	4			4
Тема 2.3. Обобщения простейшей задачи вариационного исчисления	8	8			8
Тема 2.4. Достаточные условия экстремума функционала	2	0			2
Тема 2.5. Условный экстремум	2	4			6
Раздел 3. Метод вариаций в задачах с подвижными границами	8	8			8
Тема 3.1. Простейшая задача с подвижными границами	2	4			4
Тема 3.2. Обобщения простейшей задачи с подвижными границами	6	4			4
Раздел 4. Прямые методы в вариационных задачах	4	6			6
Тема 4.1. Конечно-разностный метод Эйлера	2	3			2
Тема 4.2. Методы Рунге и Канторовича	2	3			4

Итого в семестре:	34	34			40
Итого	34	34	0	0	40

Практическая подготовка заключается в непосредственном выполнении обучающимися определенных трудовых функций, связанных с будущей профессиональной деятельностью.

4.2. Содержание разделов и тем лекционных занятий.

Содержание разделов и тем лекционных занятий приведено в таблице 4.

Таблица 4 – Содержание разделов и тем лекционного цикла

Номер раздела	Название и содержание разделов и тем лекционных занятий
1	Тема 1.1. Безусловный экстремум
1	Тема 1.2. Условный экстремум
2	Тема 2.1. Вариация функционала и ее свойства Функционал. Непрерывность функционала. Вариация функционала. Вторая вариация функционала. Экстремум функционала.
2	Тема 2.2. Уравнения Эйлера Вывод уравнения Эйлера. Простейшие случаи интегрируемости уравнения Эйлера.
2	Тема 2.3. Обобщения простейшей задачи вариационного исчисления Функционалы, зависящие от многомерной функции. Функционалы, зависящие от функции нескольких переменных. Функционалы, зависящие от параметрически заданной функции. Функционалы, зависящие от производных высокого порядка
2	Тема 2.4. Достаточные условия экстремума функционала Поле экстремалей. Условие Якоби. Условие Лежандра. Достаточные условия Вейерштрасса. Достаточные условия Лежандра. Фигуратриса. Достаточное условие минимума.
2	Тема 2.5. Условный экстремум Изопериметрическая задача. Теорема Эйлера. Закон взаимности. Задача Лагранжа при наличии связей. Геодезические линии.
3	Тема 3.1. Простейшая задача с подвижными границами Условия трансверсальности.
3	Тема 3.2. Обобщения простейшей задачи с подвижными границами Функционалы, зависящие от многомерной функции. Экстремали с угловыми точками. Односторонние вариации.
4	Тема 4.1. Конечно-разностный метод Эйлера
4	Тема 4.2. Методы Ритца и Канторовича Метод Ритца. Метод Канторовича.

4.3. Практические (семинарские) занятия

Темы практических занятий и их трудоемкость приведены в таблице 5.

Таблица 5 – Практические занятия и их трудоемкость

№ п/п	Темы практических занятий	Формы практических занятий	Трудоемкость, (час)	Из них практической подготовки, (час)	№ раздела дисциплины
Семестр 5					
1	Условный экстремум	Решение задач	4	4	1
2	Уравнение Эйлера	Решение задач	4	4	2
3	Функционалы, зависящие от многомерной функций	Решение задач	4	4	2
4	Функционалы, зависящие от параметрически заданной функции	Решение задач	4	4	2
5	Изопериметрическая задача	Решение задач	4	4	2
6	Простейшая задача с подвижными границами	Решение задач	4	4	3
7	Задача на преломление	Решение задач	4	4	3
8	Метод Эйлера	Решение задач	4	4	4
9	Метод Рунге	Решение задач	2	2	4
Всего			34	34	

4.4. Лабораторные занятия

Темы лабораторных занятий и их трудоемкость приведены в таблице 6.

Таблица 6 – Лабораторные занятия и их трудоемкость

№ п/п	Наименование лабораторных работ	Трудоемкость, (час)	Из них практической подготовки, (час)	№ раздела дисциплины
Учебным планом не предусмотрено				
Всего				

4.5. Курсовое проектирование/ выполнение курсовой работы

Учебным планом не предусмотрено

4.6. Самостоятельная работа обучающихся

Виды самостоятельной работы и ее трудоемкость приведены в таблице 7.

Таблица 7 – Виды самостоятельной работы и ее трудоемкость

Вид самостоятельной работы	Всего, час	Семестр 5, час
----------------------------	------------	----------------

1	2	3
Изучение теоретического материала дисциплины (ТО)	20	20
Курсовое проектирование (КП, КР)		
Расчетно-графические задания (РГЗ)		
Выполнение реферата (Р)		
Подготовка к текущему контролю успеваемости (ТКУ)	11	11
Домашнее задание (ДЗ)		
Контрольные работы заочников (КРЗ)		
Подготовка к промежуточной аттестации (ПА)	9	9
Всего:	40	40

5. Перечень учебно-методического обеспечения

для самостоятельной работы обучающихся по дисциплине (модулю)

Учебно-методические материалы для самостоятельной работы обучающихся указаны в п.п. 7-11.

6. Перечень печатных и электронных учебных изданий

Перечень печатных и электронных учебных изданий приведен в таблице 8.

Таблица 8– Перечень печатных и электронных учебных изданий

Шифр/ URL адрес	Библиографическая ссылка	Количество экземпляров в библиотеке (кроме электронных экземпляров)
ЭБС «Лань»	Романко, В.К. Курс дифференциальных уравнений и вариационного исчисления. [Электронный ресурс] — Электрон. дан. — М. : Издательство "Лаборатория знаний", 2015. — 347 с. — Режим доступа: http://e.lanbook.com/book/70785 — Загл. с экрана.	ЭБС «Лань»
ЭБС «Лань»	Болдырев, Ю.Я. Вариационное исчисление и методы оптимизации: учебное пособие. [Электронный ресурс] — Электрон. дан. — СПб. : СПбГПУ, 2016. — 240 с. — Режим доступа: http://e.lanbook.com/book/89813 — Загл. с экрана.	ЭБС «Лань»

7. Перечень электронных образовательных ресурсов

информационно-телекоммуникационной сети «Интернет»

Перечень электронных образовательных ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимых для освоения дисциплины приведен в таблице 9.

Таблица 9 – Перечень электронных образовательных ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет»

URL адрес	Наименование
http://www.math-net.ru http://e.lanbook.com/view	Общероссийский математический портал ЭБС «Лань»

8. Перечень информационных технологий

8.1. Перечень программного обеспечения, используемого при осуществлении образовательного процесса по дисциплине.

Перечень используемого программного обеспечения представлен в таблице 10.

Таблица 10– Перечень программного обеспечения

№ п/п	Наименование
	Не предусмотрено

8.2. Перечень информационно-справочных систем, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине

Перечень используемых информационно-справочных систем представлен в таблице 11.

Таблица 11– Перечень информационно-справочных систем

№ п/п	Наименование
	Не предусмотрено

9. Материально-техническая база

Состав материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине, представлен в таблице 12.

Таблица 12 – Состав материально-технической базы

№ п/п	Наименование составной части материально-технической базы	Номер аудитории (при необходимости)
1	Лекционная аудитория	
2	Компьютерный класс	

10. Оценочные средства для проведения промежуточной аттестации

10.1. Состав оценочных средств для проведения промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине приведен в таблице 13.

Таблица 13 – Состав оценочных средств для проведения промежуточной аттестации

Вид промежуточной аттестации	Перечень оценочных средств
Экзамен	Список вопросов к экзамену

10.2. В качестве критериев оценки уровня сформированности (освоения) компетенций обучающимися применяется 5-балльная шкала оценки сформированности компетенций, которая приведена в таблице 14. В течение семестра может использоваться 100-балльная шкала модульно-рейтинговой системы Университета, правила использования которой, установлены соответствующим локальным нормативным актом ГУАП.

Таблица 14 –Критерии оценки уровня сформированности компетенций

Оценка компетенции	Характеристика сформированных компетенций
5-балльная шкала	

Оценка компетенции 5-балльная шкала	Характеристика сформированных компетенций
«отлично» «зачтено»	<ul style="list-style-type: none"> – обучающийся глубоко и всесторонне усвоил программный материал; – уверенно, логично, последовательно и грамотно его излагает; – опираясь на знания основной и дополнительной литературы, тесно привязывает усвоенные научные положения с практической деятельностью направления; – умело обосновывает и аргументирует выдвигаемые им идеи; – делает выводы и обобщения; – свободно владеет системой специализированных понятий.
«хорошо» «зачтено»	<ul style="list-style-type: none"> – обучающийся твердо усвоил программный материал, грамотно и по существу излагает его, опираясь на знания основной литературы; – не допускает существенных неточностей; – увязывает усвоенные знания с практической деятельностью направления; – аргументирует научные положения; – делает выводы и обобщения; – владеет системой специализированных понятий.
«удовлетворительно» «зачтено»	<ul style="list-style-type: none"> – обучающийся усвоил только основной программный материал, по существу излагает его, опираясь на знания только основной литературы; – допускает несущественные ошибки и неточности; – испытывает затруднения в практическом применении знаний направления; – слабо аргументирует научные положения; – затрудняется в формулировании выводов и обобщений; – частично владеет системой специализированных понятий.
«неудовлетворительно» «не зачтено»	<ul style="list-style-type: none"> – обучающийся не усвоил значительной части программного материала; – допускает существенные ошибки и неточности при рассмотрении проблем в конкретном направлении; – испытывает трудности в практическом применении знаний; – не может аргументировать научные положения; – не формулирует выводов и обобщений.

10.3. Типовые контрольные задания или иные материалы.

Вопросы (задачи) для экзамена представлены в таблице 15.

Таблица 15 – Вопросы (задачи) для экзамена

№ п/п	Перечень вопросов (задач) для экзамена	Код индикатора
	<p>Предел последовательности</p> <p>Свойства пределов</p> <p>Бесконечно-малые и бесконечно-большие последовательности. Предел функции. Свойства функции, имеющей предел. Замечательные пределы.</p> <p>Непрерывность функции. Точки разрыва. Свойства непрерывных функций.</p> <p>Производная. Ее геометрический и механический смысл.</p> <p>Правила дифференцирования.</p> <p>Производные функций $y=C$, $y=x$, $y=\ln x$.</p> <p>Производные функций $y=\sin x$, $y=\cos x$, $y=\operatorname{tg} x$ и $y=\operatorname{ctg} x$.</p> <p>Производная сложной функции.</p> <p>Производная обратной функции. Производные функций</p>	ПК-4.3.1

	<p> $y=\arcsin x$, $y=\arccos x$, $y=\arctg x$ и $y=\operatorname{arcctg} x$. Дифференциал первого порядка. Его геометрический смысл. Дифференциал сложной функции. Производные и дифференциалы высших порядков. Теорема Ролля. Ее геометрический смысл. Теорема Лагранжа и ее геометрический смысл. Теорема Коши. Правило Лопиталю. Признак постоянства функции на промежутке. Признаки возрастания и убывания функции на промежутке. Максимум и минимум. Необходимое условие существования экстремума. Первое и второе достаточное условие существования экстремума. Наибольшее и наименьшее значения функции. Выпуклость, вогнутость, точки перегиба. Достаточные условия выпуклости и вогнутости функции. Необходимый и достаточный признаки точки перегиба. Асимптоты графика функции. Схема построения графика функции с помощью производных. </p>	
	<p> Предел последовательности Свойства пределов Бесконечно-малые и бесконечно-большие последовательности. Предел функции. Свойства функции, имеющей предел. Замечательные пределы. Непрерывность функции. Точки разрыва. Свойства непрерывных функций. Производная. Ее геометрический и механический смысл. Правила дифференцирования. Производные функций $y=C$, $y=x$, $y=\ln x$. Производные функций $y=\sin x$, $y=\cos x$, $y=\operatorname{tg} x$ и $y=\operatorname{ctg} x$. Производная сложной функции. Производная обратной функции. Производные функций $y=\arcsin x$, $y=\arccos x$, $y=\arctg x$ и $y=\operatorname{arcctg} x$. Дифференциал первого порядка. Его геометрический смысл. Дифференциал сложной функции. Производные и дифференциалы высших порядков. Теорема Ролля. Ее геометрический смысл. Теорема Лагранжа и ее геометрический смысл. Теорема Коши. Правило Лопиталю. Признак постоянства функции на промежутке. Признаки возрастания и убывания функции на промежутке. Максимум и минимум. Необходимое условие существования экстремума. Первое и второе достаточное условие существования экстремума. Наибольшее и наименьшее значения функции. Выпуклость, вогнутость, точки перегиба. Достаточные условия выпуклости и вогнутости функции. Необходимый и достаточный признаки точки перегиба. Асимптоты </p>	ПК-4.У.1

	<p>графика функции.</p> <p>Схема построения графика функции с помощью производных. Первообразная и неопределенный интеграл. Свойства неопределенного интеграла. Таблица простейших интегралов.</p> <p>Метод занесения под знак дифференциала. Метод замены переменной интегрирования. Метод интегрирования по частям. Интегрирование рациональных функций. Интегрирование тригонометрических функций.</p> <p>Определение определенного интеграла. Свойства определенного интеграла.</p> <p>Оценка определенного интеграла.</p> <p>Интеграл с переменным верхним пределом. Формула Ньютона-Лейбница.</p> <p>Несобственный интеграл по неограниченному промежутку. Несобственный интеграл от неограниченной функции. Вычисление площади в декартовых координатах. Вычисление площади в полярных координатах.</p> <p>Вычисление длину дуги кривой в декартовых координатах.</p> <p>Вычисление длины дуги кривой, заданной параметрически.</p> <p>Вычисление длины дуги кривой в полярных координатах.</p> <p>Вычисление объема тела вращения.</p> <p>Вычисление площади поверхности тела вращения.</p> <p>Вычисление координат центра масс плоской кривой.</p> <p>Вычисление координат центра масс однородной пластины.</p>	
	<p>Предел функции нескольких переменных</p> <p>Непрерывность функции нескольких переменных</p> <p>Частные производные</p> <p>Дифференциал функции нескольких переменных</p> <p>Повторное дифференцирование</p> <p>Экстремум функции нескольких переменных</p> <p>Наибольшее и наименьшее значение функции в области</p> <p>Градиент</p> <p>Условный экстремум</p> <p>Двойной интеграл. Основные определения.</p> <p>Основные свойства двойного интеграла.</p> <p>Вычисление двойного интеграла в декартовых координатах.</p> <p>Тройной интеграл. Основные определения.</p> <p>Основные свойства тройного интеграла.</p> <p>Вычисление тройного интеграла в декартовых координатах.</p> <p>Дифференциальные уравнения первого порядка.</p> <p>Линейные дифференциальные уравнения с постоянными коэффициентами.</p> <p>Числовые ряды. Основные определения.</p> <p>Необходимый признак сходимости числового ряда</p> <p>Первый признак сравнения числовых рядов</p>	ПК-4.В.1

	Второй признак сравнения числовых рядов Признак Даламбера Признак Коши Интегральный признак Коши Знакопеременные ряды. абсолютная и условная сходимости Свойства абсолютно сходящихся рядов Признак Лейбница. Функциональные ряды. Область сходимости Равномерная сходимость. Степенные ряды. Интервал и радиус сходимости Теорема Абеля Непрерывность степенных рядов Дифференцируемость степенных рядов Интегрируемость степенных рядов Ряды Тейлора и Маклорена Ряд Маклорена для e^x Ряд Маклорена для $\sin x$ Ряд Маклорена для $\cos x$ Ряд Маклорена для $\ln(1+x)$ Ряд Маклорена для $\arctg(x)$	
--	--	--

Вопросы (задачи) для зачета / дифф. зачета представлены в таблице 16.

Таблица 16 – Вопросы (задачи) для зачета / дифф. зачета

№ п/п	Перечень вопросов (задач) для зачета / дифф. зачета	Код индикатора
	Учебным планом не предусмотрено	

Перечень тем для курсового проектирования/выполнения курсовой работы представлены в таблице 17.

Таблица 17 – Перечень тем для курсового проектирования/выполнения курсовой работы

№ п/п	Примерный перечень тем для курсового проектирования/выполнения курсовой работы
	Учебным планом не предусмотрено

Вопросы для проведения промежуточной аттестации в виде тестирования представлены в таблице 18.

Таблица 18 – Примерный перечень вопросов для тестов

№ п/п	Примерный перечень вопросов для тестов	Код индикатора
	Не предусмотрено	

Перечень тем контрольных работ по дисциплине обучающихся заочной формы обучения, представлены в таблице 19.

Таблица 19 – Перечень контрольных работ

№ п/п	Перечень контрольных работ
	Не предусмотрено

10.4. Методические материалы, определяющие процедуры оценивания индикаторов, характеризующих этапы формирования компетенций, содержатся в локальных нормативных актах ГУАП, регламентирующих порядок и процедуру

проведения текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации обучающихся ГУАП.

11. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины

11.1. Методические указания для обучающихся по освоению лекционного материала *(если предусмотрено учебным планом по данной дисциплине)*.

Основное назначение лекционного материала – логически стройное, системное, глубокое и ясное изложение учебного материала. Назначение современной лекции в рамках дисциплины не в том, чтобы получить всю информацию по теме, а в освоении фундаментальных проблем дисциплины, методов научного познания, новейших достижений научной мысли. В учебном процессе лекция выполняет методологическую, организационную и информационную функции. Лекция раскрывает понятийный аппарат конкретной области знания, её проблемы, дает цельное представление о дисциплине, показывает взаимосвязь с другими дисциплинами.

Планируемые результаты при освоении обучающимися лекционного материала:

- получение современных, целостных, взаимосвязанных знаний, уровень которых определяется целевой установкой к каждой конкретной теме;
- получение опыта творческой работы совместно с преподавателем;
- развитие профессионально-деловых качеств, любви к предмету и самостоятельного творческого мышления.
- появление необходимого интереса, необходимого для самостоятельной работы;
- получение знаний о современном уровне развития науки и техники и о прогнозе их развития на ближайшие годы;
- научиться методически обрабатывать материал (выделять главные мысли и положения, приходить к конкретным выводам, повторять их в различных формулировках);
- получение точного понимания всех необходимых терминов и понятий.

Лекционный материал может сопровождаться демонстрацией слайдов и использованием раздаточного материала при проведении коротких дискуссий об особенностях применения отдельных тематик по дисциплине.

Структура предоставления лекционного материала:

- Определения математических терминов.
- Формулировка теоремы.
- Доказательство теоремы.
- Иллюстрирующие примеры.

11.2. Методические указания для обучающихся по прохождению практических занятий *(если предусмотрено учебным планом по данной дисциплине)*

Практическое занятие является одной из основных форм организации учебного процесса, заключающаяся в выполнении обучающимися под руководством преподавателя комплекса учебных заданий с целью усвоения научно-теоретических основ учебной дисциплины, приобретения умений и навыков, опыта творческой деятельности.

Целью практического занятия для обучающегося является привитие обучающимся умений и навыков практической деятельности по изучаемой дисциплине.

Планируемые результаты при освоении обучающимися практических занятий:

- закрепление, углубление, расширение и детализация знаний при решении конкретных задач;
- развитие познавательных способностей, самостоятельности мышления, творческой активности;

- овладение новыми методами и методиками изучения конкретной учебной дисциплины;
- выработка способности логического осмысления полученных знаний для выполнения заданий;
- обеспечение рационального сочетания коллективной и индивидуальной форм обучения.

Требования к проведению практических занятий

Практические занятия начинаются с записи в журнал преподавателя присутствующих студентов. Затем объявляется тема практических занятий, и выдается задание. Студенты решают задачи, используя знания, полученные на лекции. Студент, который первым решил задачу, вызывается к доске. В случае если студент правильно решил задачу, он получает 5 баллов. Если студент решает задачу с помощью преподавателя, то получает 4 балла. Затем, в конце семестра, оценки студентов (включая оценку посещаемости) переводятся в бонусы (качество) от 0 до 5 баллов. Эти бонусы добавляются к общей сумме баллов в рамках модульно-рейтинговой системы.

Студентам выдается домашнее задание в виде задач, которые они сдают в установленные сроки.

11.3. Методические указания для обучающихся по прохождению самостоятельной работы

В ходе выполнения самостоятельной работы, обучающийся выполняет работу по заданию и при методическом руководстве преподавателя, но без его непосредственного участия.

Для обучающихся по заочной форме обучения, самостоятельная работа может включать в себя контрольную работу.

В процессе выполнения самостоятельной работы, у обучающегося формируется целесообразное планирование рабочего времени, которое позволяет им развивать умения и навыки в усвоении и систематизации приобретаемых знаний, обеспечивает высокий уровень успеваемости в период обучения, помогает получить навыки повышения профессионального уровня.

Методическими материалами, направляющими самостоятельную работу обучающихся являются:

- учебно-методический материал по дисциплине;
- методические указания по выполнению контрольных работ (для обучающихся по заочной форме обучения).

11.4. Методические указания для обучающихся по прохождению текущего контроля успеваемости.

Текущий контроль успеваемости предусматривает контроль качества знаний обучающихся, осуществляемого в течение семестра с целью оценивания хода освоения дисциплины.

Результаты текущего контроля успеваемости будут учитываться при проведении промежуточной аттестации.

11.5. Методические указания для обучающихся по прохождению промежуточной аттестации.

Промежуточная аттестация обучающихся предусматривает оценивание промежуточных и окончательных результатов обучения по дисциплине. Она включает в себя:

- экзамен – форма оценки знаний, полученных обучающимся в процессе изучения всей дисциплины или ее части, навыков самостоятельной работы, способности

применять их для решения практических задач. Экзамен, как правило, проводится в период экзаменационной сессии и завершается аттестационной оценкой «отлично», «хорошо», «удовлетворительно», «неудовлетворительно».

Лист внесения изменений в рабочую программу дисциплины

Дата внесения изменений и дополнений. Подпись внесшего изменения	Содержание изменений и дополнений	Дата и № протокола заседания кафедры	Подпись зав. кафедрой