

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ  
ФЕДЕРАЦИИ  
федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего  
образования  
"САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ  
АЭРОКОСМИЧЕСКОГО ПРИБОРОСТРОЕНИЯ"

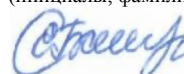
Кафедра № 1

УТВЕРЖДАЮ  
Руководитель образовательной программы

\_\_\_\_\_  
(должность, уч. степень, звание)

Е.Г. Бондарь

\_\_\_\_\_  
(инициалы, фамилия)



\_\_\_\_\_  
(подпись)

«15» декабря 2025 г

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ

«Математика. Математический анализ»  
(Наименование дисциплины)

Код направления подготовки/ специальности	38.05.02
Наименование направления подготовки/ специальности	Таможенное дело
Наименование направленности/ специализации	Таможенное регулирование внешнеэкономической деятельности
Форма обучения	заочная
Год приема	2026

Лист согласования рабочей программы дисциплины

Программу составил (а)

доц.,к.т.н.,доц

(должность, уч. степень, звание)



08.12.25

(подпись, дата)

Ю.С.Романова

(инициалы, фамилия)

Программа одобрена на заседании кафедры № 1

«08» декабря 2025 г, протокол № 05

Заведующий кафедрой № 1

д.ф.-м.н.,доц.



08.12.25

А.О. Смирнов

Заместитель директора института №8 по методической работе

доц.,к.э.н.,доц.

(должность, уч. степень, звание)



08.12.25

(подпись, дата)

Л.В. Рудакова

(инициалы, фамилия)

## Аннотация

Дисциплина «Математика. Математический анализ» входит в образовательную программу высшего образования – программу специалитета по направлению подготовки/специальности 38.05.02 «Таможенное дело» направленности/специализации «Таможенное регулирование внешнеэкономической деятельности». Дисциплина реализуется кафедрой «№1».

Дисциплина нацелена на формирование у выпускника следующих компетенций:

УК-1 «Способен осуществлять критический анализ проблемных ситуаций на основе системного подхода, вырабатывать стратегию действий»

Содержание дисциплины охватывает круг вопросов, связанных с дифференциальным и интегральным исчислением, теорией пределов и рядов и их применением.

Преподавание дисциплины предусматривает следующие формы организации учебного процесса: лекции, практические занятия, самостоятельная работа обучающегося.

Программой дисциплины предусмотрены следующие виды контроля: текущий контроль успеваемости, промежуточная аттестация в форме экзамена (2 семестр).

Общая трудоемкость освоения дисциплины составляет 4 зачетных единицы, 144 часа.

Язык обучения по дисциплине «русский»

# 1. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине

## 1.1. Цели преподавания дисциплины

- формирование у студентов понимания роли математики в современном мире, науке и практической деятельности в избранной специальности;
- формирование у студентов способности и навыков формулировать и решать профессиональные задачи с использованием аппарата математического анализа

1.2. Дисциплина входит в состав обязательной части образовательной программы высшего образования (далее – ОП ВО).

1.3. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с планируемыми результатами освоения ОП ВО.

В результате изучения дисциплины обучающийся должен обладать следующими компетенциями или их частями. Компетенции и индикаторы их достижения приведены в таблице 1.

Таблица 1 – Перечень компетенций и индикаторов их достижения

Категория (группа) компетенции	Код и наименование компетенции	Код и наименование индикатора достижения компетенции
Универсальные компетенции	УК-1 Способен осуществлять критический анализ проблемных ситуаций на основе системного подхода, вырабатывать стратегию действий	УК-1.3.1 знать методы критического анализа и системного подхода УК-1.3.2 знать методики разработки стратегии действий для выявления и решения проблемных ситуаций УК-1.У.3 уметь вырабатывать стратегию действий для решения проблемной ситуации УК-1.В.1 владеть навыками системного и критического мышления; методиками постановки цели, определения способов ее достижения

## 2. Место дисциплины в структуре ОП

Дисциплина не базируется на знаниях, ранее приобретенных студентами при изучении в высшей школе каких - либо дисциплин.

Знания, полученные при изучении материала данной дисциплины, имеют как самостоятельное значение, так и используются при изучении других дисциплин:

- Теория вероятностей и математическая статистика;
- Алгоритмы и структуры данных;
- Системный анализ;

## 3. Объем и трудоемкость дисциплины

Данные об общем объеме дисциплины, трудоемкости отдельных видов учебной работы по дисциплине (и распределение этой трудоемкости по семестрам) представлены в таблице 2.

Таблица 2 – Объем и трудоемкость дисциплины

Вид учебной работы	Всего	Трудоемкость по семестрам
		№2
1	2	3
<b>Общая трудоемкость дисциплины, ЗЕ/ (час)</b>	4/ 144	4/ 144
<b>Из них часов практической подготовки</b>		
<b>Аудиторные занятия, всего час.</b>	16	16
в том числе:		

лекции (Л), (час)	8	8
практические/семинарские занятия (ПЗ), (час)	8	8
лабораторные работы (ЛР), (час)		
курсовой проект (работа) (КП, КР), (час)		
экзамен, (час)	9	9
<b>Самостоятельная работа</b> , всего (час)	119	119
<b>Вид промежуточной аттестации:</b> зачет, дифф. зачет, экзамен (Зачет, Дифф. зач, Экз.)	Экз.,	Экз.,

#### 4. Содержание дисциплины

4.1. Распределение трудоемкости дисциплины по разделам и видам занятий.

Разделы, темы дисциплины и их трудоемкость приведены в таблице 3.

Таблица 3 – Разделы, темы дисциплины, их трудоемкость

Разделы, темы дисциплины	Лекции (час)	ПЗ (СЗ) (час)	ЛР (час)	КП/КР (час)	СР (час)
Семестр 2					
<i>Раздел 1. Теория пределов</i> <i>Тема 1.1. Основные элементарные функции. Числовые множества.</i> <i>Тема 1.2. Предел функции при неограниченном росте аргумента. Теоремы о пределах.</i> <i>Тема 1.3. Предел функции в точке. Непрерывность. Замечательные пределы</i>	2	2			19
<i>Раздел 2. Дифференциальное исчисление</i> <i>Тема 2.1. Определение производной. Ее геометрический и механический смысл. Таблица производных, часть 1.</i> <i>Тема 2.2. Правила дифференцирования. Производная сложной функции, производная обратной функции. Таблица производных, часть 2.</i> <i>Тема 2.3. Производные высших порядков. Теоремы о дифференцируемых функциях.</i> <i>Тема 2.4. Правило Лопиталя. Формула Тейлора.</i> <i>Тема 2.5. Дифференциал функции первого порядка. Дифференциалы высших порядков.</i> <i>Тема 2.6. Исследование функций с помощью производных</i>	3	2			50

<i>Раздел 3. Интегральное исчисление</i> <i>Тема 3.1.</i> Первообразная. Неопределенный интеграл. Свойства неопределенного интеграла. <i>Тема 3.2.</i> Таблица интегралов. Метод занесения под знак дифференциала. Метод замены переменной интегрирования. <i>Тема 3.3.</i> Интегрирование по частям. Интегрирование рациональных выражений. <i>Тема 3.4.</i> Интегрирование тригонометрических выражений. <i>Тема 3.5.</i> Определенный интеграл. Определение и свойства. <i>Тема 3.6.</i> Интеграл с переменным верхним пределом. Формула Ньютона - Лейбница. <i>Тема 3.7.</i> Несобственные интегралы. <i>Тема 3.8.</i> Приложения определенного интеграла.	3	4			50
Итого в семестре:	8	8			119
Итого	8	8	0	0	119

#### 4.2. Содержание разделов и тем лекционных занятий.

Содержание разделов и тем лекционных занятий приведено в таблице 4.

Таблица 4 – Содержание разделов и тем лекционного цикла

Номер раздела	Название и содержание разделов и тем лекционных занятий
1	<i>Раздел 1. Теория пределов</i> <i>Тема 1.1.</i> Основные элементарные функции. Числовые множества. <i>Тема 1.2.</i> Предел функции при неограниченном росте аргумента. Теоремы о пределах. <i>Тема 1.3.</i> Предел функции в точке. Непрерывность. Замечательные пределы.
2	<i>Раздел 2. Дифференциальное исчисление</i> <i>Тема 2.1.</i> Определение производной. Ее геометрический и механический смысл. Таблица производных, часть 1. <i>Тема 2.2.</i> Правила дифференцирования. Производная сложной функции, производная обратной функции. Таблица производных, часть 2. <i>Тема 2.3.</i> Производные высших порядков. Теоремы о дифференцируемых функциях. <i>Тема 2.4.</i> Правило Лопиталя. Формула Тейлора. <i>Тема 2.5.</i> Дифференциал функции первого порядка. Дифференциалы высших порядков. <i>Тема 2.6.</i> Исследование функций с помощью производных.
3	<i>Раздел 3. Интегральное исчисление</i> <i>Тема 3.1.</i> Первообразная. Неопределенный интеграл. Свойства неопределенного интеграла. <i>Тема 3.2.</i> Таблица интегралов. Метод занесения под знак дифференциала. Метод замены переменной интегрирования. <i>Тема 3.3.</i> Интегрирование по частям. Интегрирование

	<p>рациональных выражений.</p> <p><i>Тема 3.4.</i> Интегрирование тригонометрических выражений.</p> <p><i>Тема 3.5.</i> Определенный интеграл. Определение и свойства.</p> <p><i>Тема 3.6.</i> Интеграл с переменным верхним пределом.</p> <p>Формула Ньютона- Лейбница.</p> <p><i>Тема 3.7.</i> Несобственные интегралы.</p> <p><i>Тема 3.8.</i> Приложения определенного интеграла.</p>
4	<p><i>Раздел 4. Функции нескольких переменных</i></p> <p><i>Тема 4.1.</i> Функция нескольких переменных. Основные понятия. Непрерывность.</p> <p><i>Тема 4.2.</i> Дифференцирование функции нескольких переменных. Частные производные. Дифференциал. Производная сложной функции. Частные производные высших порядков. Формула Тейлора.</p> <p><i>Тема 4.3.</i> Исследование функции нескольких переменных.</p>
5	<p><i>Раздел 5. Дифференциальные уравнения</i></p> <p><i>Тема 5.1.</i> Дифференциальные уравнения первого порядка. Основные понятия. Дифференциальные уравнения с разделяющимися переменными. Однородные дифференциальные уравнения первого порядка.</p> <p><i>Тема 5.2.</i> Линейные дифференциальные уравнения первого порядка. Уравнение Бернулли. Дифференциальные уравнения высших порядков, допускающие понижение порядка.</p> <p><i>Тема 5.3.</i> Линейные однородные дифференциальные уравнения с постоянными коэффициентами. Линейные неоднородные дифференциальные уравнения высших порядков.</p>
6	<p><i>Раздел 6. Ряды</i></p> <p><i>Тема 6.1.</i> Числовые ряды. Основные определения. Ряды с положительными членами. Признаки Даламбера и Коши.</p> <p><i>Тема 6.2.</i> Необходимый признак. Признаки сравнения. Интегральный признак Коши.</p> <p><i>Тема 6.3.</i> Знакопеременные ряды. Абсолютная и условная сходимости Свойства абсолютно сходящихся рядов. Признак Лейбница.</p> <p><i>Тема 6.4.</i> Функциональные ряды. Область сходимости. Равномерная сходимость. Степенные ряды. Интервал сходимости.</p> <p><i>Тема 6.5.</i> Свойства сходящихся степенных рядов.</p> <p><i>Тема 6.6.</i> Ряды Тейлора и Маклорена.</p> <p><i>Тема 6.7.</i> Ряд Фурье периодической функции.</p> <p><i>Тема 6.8.</i> Ряд Фурье четной и нечетной функции.</p>

#### 4.3. Практические (семинарские) занятия

Темы практических занятий и их трудоемкость приведены в таблице 5.

Таблица 5 – Практические занятия и их трудоемкость

№ п/п	Темы практических занятий	Формы практических занятий	Трудоемкость, (час)	Из них практической подготовки, (час)	№ раздела дисциплины
Семестр 2					
1	Тема 1.2. Пределы рациональных выражений на бесконечности и в точке.	Разбор задач под руководством преподавателя, самостоятельное решение задач	1		1
2	Тема 1.3. Эквивалентные бесконечно малые. Число $e$ .	Разбор задач под руководством преподавателя, самостоятельное решение задач	1		1
3	Тема 2.1. Производные. Правила дифференцирования	Разбор задач под руководством преподавателя, самостоятельное решение задач	1		2
4	Тема 2.2. Производная сложной функции	Разбор задач под руководством преподавателя, самостоятельное решение задач	1		2
5	Тема 3.1. Табличное интегрирование	Разбор задач под руководством преподавателя, самостоятельное решение задач	1		3
6	Тема 3.2. Внесение под знак дифференциала	Разбор задач под руководством преподавателя, самостоятельное решение задач	1		3
7	Тема 3.3. Замена переменной. Интегрирование по частям	Разбор задач под руководством преподавателя, самостоятельное решение задач	1		3
8	Тема 3.4. Интегрирование рациональных функций	Разбор задач под руководством преподавателя, самостоятельное решение задач	1		3
Всего			8		

## 4.4. Лабораторные занятия

Темы лабораторных занятий и их трудоемкость приведены в таблице 6.

Таблица 6 – Лабораторные занятия и их трудоемкость



№ п/п	Наименование лабораторных работ	Трудоемкость, (час)	Из них практической подготовки, (час)	№ раздела дисциплины
Учебным планом не предусмотрено				
	Всего			

4.5. Выполнение курсового проекта/ курсовой работы  
Учебным планом не предусмотрено

4.6. Самостоятельная работа обучающихся  
Виды самостоятельной работы и ее трудоемкость приведены в таблице 7.

Таблица 7 – Виды самостоятельной работы и ее трудоемкость

Вид самостоятельной работы	Всего, час	Семестр 2, час
1	2	3
Изучение теоретического материала дисциплины (ТО)	60	60
Курсовое проектирование (КП, КР)		
Расчетно-графические задания (РГЗ)		
Выполнение реферата (Р)		
Подготовка к текущему контролю успеваемости (ТКУ)	30	30
Домашнее задание (ДЗ)		
Контрольные работы заочников (КРЗ)	10	10
Подготовка к промежуточной аттестации (ПА)	19	19
Всего:	119	119

5. Перечень учебно-методического обеспечения  
для самостоятельной работы обучающихся по дисциплине (модулю)  
Учебно-методические материалы для самостоятельной работы обучающихся указаны в п.п. разделов 6-11.

6. Перечень печатных и электронных учебных изданий  
Перечень печатных и электронных учебных изданий приведен в таблице 8.  
Таблица 8– Перечень печатных и электронных учебных изданий

Шифр/ URL адрес	Библиографическая ссылка	Количество экземпляров в библиотеке (кроме электронных экземпляров)
517 Г 96	Высшая математика. Ряды: учебное пособие / Ю. А. Гусман, С. П. Помыткин, А. О.	167

	Смирнов; С.-Петерб. гос. ун-т аэрокосм. приборостроения. - СПб. : Изд-во ГУАП, 2015. - 77 с.	
<a href="https://e.lanbook.com/book/507392">https://e.lanbook.com/book/507392</a>	Фихтенгольц Г.М. Основы математического анализа. В 2-х тт. Том 1-ый - Санкт-Петербург: Лань, 2026.- 448с.	ЭБС Лань
<a href="https://e.lanbook.com/book/507393">https://e.lanbook.com/book/507393</a>	Фихтенгольц Г.М. Основы математического анализа. В 2-х тт. том 2-й - Санкт-Петербург: Лань, 2026. - 464с.	ЭБС Лань
<a href="https://e.lanbook.com/book/185639">https://e.lanbook.com/book/185639</a>	Сборник задач по математическому анализу. Том 2. Интегралы. Ряды: учеб. пособие / Л.Д. Кудрявцев [и др.]. - Москва : Физматлит, 2021. - 504 с.	ЭБС Лань
<a href="https://e.lanbook.com/book/210707">https://e.lanbook.com/book/210707</a>	Бермант А.Ф. Краткий курс математического анализа. / А.Ф. Бермант, И.Г. Араманович. - СПб.: Лань, 2010. - 736 с.	ЭБС Лань
УДК 517.9	Макарова М.В., Помыткин С.П. Применение дифференциальных уравнений для решения прикладных задач: учеб.-метод. пособие/ М.В. Макарова, С.П. Помыткин. – СПб.: ГУАП, 2021.- 45с.	50
<a href="https://e.lanbook.com/book/211928">https://e.lanbook.com/book/211928</a>	Жабко, А. П. Дифференциальные уравнения и устойчивость: учебник / А. П. Жабко, Е. Д. Котина, О. Н. Чиждова. — Санкт-Петербург: Лань, 2022. — 320 с.	ЭБС Лань

#### 7. Перечень электронных образовательных ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет»

Перечень электронных образовательных ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимых для освоения дисциплины приведен в таблице 9.

Таблица 9 – Перечень электронных образовательных ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет»

URL адрес	Наименование
<a href="https://pro.guap.ru/">https://pro.guap.ru/</a>	Элементы электронного курса по дисциплине размещены внутри ЭИОС ГУАП «Интегрированная среда обучения»
<a href="https://lms.guap.ru">https://lms.guap.ru</a>	Видеокурс лекций с мультимедийными презентациями по дисциплине размещен системе дистанционного обучения ГУАП
<a href="https://lms.guap.ru">https://lms.guap.ru</a>	Онлайн-курс по дисциплине размещен системе дистанционного обучения ГУАП

## 8. Перечень информационных технологий

8.1. Перечень программного обеспечения, используемого при осуществлении образовательного процесса по дисциплине.

Перечень используемого программного обеспечения представлен в таблице 10.

Таблица 10– Перечень программного обеспечения

№ п/п	Наименование
	Не предусмотрено

8.2. Перечень информационно-справочных систем, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине

Перечень используемых информационно-справочных систем представлен в таблице 11.

Таблица 11– Перечень информационно-справочных систем

№ п/п	Наименование
	Не предусмотрено

## 9. Материально-техническая база

Состав материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине, представлен в таблице 12.

Таблица 12 – Состав материально-технической базы

№ п/п	Наименование составной части материально-технической базы	Номер аудитории (при необходимости)
1	Учебная аудитория для занятий лекционного типа, занятий семинарского типа, групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации. Оснащение: Специализированная мебель; технические средства обучения, служащие для представления учебной информации большой аудитории; набор демонстрационного оборудования	ул. Гастелло, д. 15,
2	Учебная аудитория для практических занятий, занятий семинарского типа, групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации. Оснащение: Специализированная мебель; технические средства обучения, служащие для представления учебной информации большой аудитории; переносной набор демонстрационного оборудования	24-12, ул. Гастелло, д. 15

## 10. Оценочные средства для проведения промежуточной аттестации

10.1. Состав оценочных средств для проведения промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине приведен в таблице 13.

Таблица 13 – Состав оценочных средств для проведения промежуточной аттестации

Вид промежуточной аттестации	Перечень оценочных средств
Экзамен	Список вопросов к экзамену; Экзаменационные билеты*; Задачи; Тесты.

Примечание: \*экзаменационные билеты формируются на основе вопросов и задач таблицы 15.

10.2. В качестве критериев оценки уровня сформированности (освоения) компетенций обучающимися применяется 5-балльная шкала оценки сформированности компетенций, которая приведена в таблице 14. В течение семестра может использоваться 100-балльная шкала модульно-рейтинговой системы Университета, правила использования которой, установлены соответствующим локальным нормативным актом ГУАП.

Таблица 14 –Критерии оценки уровня сформированности компетенций

Оценка компетенции	Характеристика сформированных компетенций
5-балльная шкала	
«отлично» «зачтено»	Обучающийся: – глубоко и всесторонне усвоил программный материал; – уверенно, логично, последовательно и грамотно его излагает; – опираясь на знания основной и дополнительной литературы, тесно связывает усвоенные научные положения с практической деятельностью направления; – умело обосновывает и аргументирует выдвигаемые им идеи; – делает выводы и обобщения; – свободно владеет системой специализированных понятий. – правильно выполнил от 90% до 100% тестовых заданий **.
«хорошо» «зачтено»	Обучающийся: – твердо усвоил программный материал, грамотно и по существу излагает его, опираясь на знания основной литературы; – не допускает существенных неточностей; – увязывает усвоенные знания с практической деятельностью направления; – аргументирует научные положения; – делает выводы и обобщения; – владеет системой специализированных понятий. – правильно выполнил от 70% до 89% тестовых заданий **.
«удовлетворительно» «зачтено»	– обучающийся усвоил только основной программный материал, по существу излагает его, опираясь на знания только основной литературы; – допускает несущественные ошибки и неточности; – испытывает затруднения в практическом применении знаний направления; – слабо аргументирует научные положения; – затрудняется в формулировании выводов и обобщений; – частично владеет системой специализированных понятий. – правильно выполнил от 51% до 69% тестовых заданий **.
«неудовлетворительно» «не зачтено»	– обучающийся не усвоил значительной части программного материала; – допускает существенные ошибки и неточности при рассмотрении проблем в конкретном направлении; – испытывает трудности в практическом применении знаний; – не может аргументировать научные положения; – не формулирует выводов и обобщений. – правильно выполнил менее 51% тестовых заданий **.

10.3. Типовые контрольные задания или иные материалы.

Вопросы (задачи) для экзамена представлены в таблице 15.

Таблица 15 – Вопросы (задачи) для экзамена

№ п/п	Перечень вопросов (задач) для экзамена	Код индикатора
	Семестр №2	

1.	<p>1. Вычислить предел <math>\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{3x^2 - 5x - 2}{x^2 + x - 8}</math></p> <p>2. Вычислить предел <math>\lim_{x \rightarrow 3} \frac{2x^2 - 4x - 6}{2x^2 - 7x + 3}</math></p>	УК-1.3.2
2.	<p>Какие из представленных ниже пределов могут быть вычислены методом деления на большую степень переменных?</p> <p>a) <math>\lim_{x \rightarrow 0} \frac{3x^2 - 5x}{x^2 + 2x}</math></p> <p>b) <math>\lim_{x \rightarrow 3} \frac{2x^2 - 4x - 6}{2x^2 - 7x + 3}</math></p> <p>c) <math>\lim_{x \rightarrow 2} \frac{3x^2 - 4x - 4}{2x^2 - 3x - 2}</math></p> <p>d) <math>\lim_{x \rightarrow 3} \frac{-x^2 + x + 6}{2x^2 - 5x - 3}</math></p> <p>e) <math>\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^3 - 2x^2 - x + 2}{3x^2 - 7x + 2}</math></p>	УК-1.У.2
3.	Какая функция называется непрерывной в точке $x_0$ ?	УК-1.В.2
4.	Чему равна сумма конечного числа бесконечно малых функций?	УК-2.3.1
5.	<p>Тело движется по закону <math>s(t) = 5t^3 + 1</math>. Чему равна скорость <math>v(t)</math> в момент времени <math>t = 1</math>? Запишите номер верного ответа.</p> <p>1) 6</p> <p>2) 4</p> <p>3) 10</p> <p>4) 15</p>	УК-2.У.1
6.	<p>1) Вычислите производную функции <math>y = x^2 + 4^x</math></p> <p>2) Верно ли утверждение: «Производная суммы двух дифференцируемых функций равна сумме производных этих функций». Ответ аргументируйте.</p>	УК-2.У.3
7.	<p>Найдите формулу с ошибкой. Аргументируйте свой ответ.</p> <p>1. <math>(C \cdot u(x))' = C \cdot u'(x)</math></p> <p>2. <math>(u(x) \pm v(x))' = u'(x) \pm v'(x)</math></p> <p>3. <math>(u(x) \cdot v(x))' = u'(x) \cdot + \cdot v'(x)</math></p> <p>4. <math>\left(\frac{u(x)}{v(x)}\right)' = \frac{u'(x)v(x) - v'(x)u(x)}{v^2(x)}</math></p>	УК-2.В.2

8.	1) Найдите производную функции $y = 5\cos(7+8x) + \sqrt[4]{7x-8}$	ОПК-1.3.1
9.	Проверьте является ли выражение $y = \frac{1}{2 \cdot \sqrt{2-6\sin(7+4x)}} \cdot (-24)\cos(7+4x)$ производной функции $y = \sqrt{2-6\sin(7+4x)}$ ? Ответ обоснуйте.	ОПК-1.У.1
10.	Запишите уравнение касательной к графику функции $y=x^3-2$ в его точке с абсциссой $x_0=1$	ОПК-1.В.1
11.	Пусть в точке $(x_0, y_0)$ пересекаются две кривые $y=f(x)$ и $y=g(x)$ . Обе функции $y=f(x)$ и $y=g(x)$ имеют производные в точке $(x_0, y_0)$ . Чему равен угол между кривыми?	УК-1.3.2
12.	Пусть положение точки при её движении задаётся функцией $S=S(t)$ , где $t$ – время. Чему равна скорость точки? Выпишите номер верного утверждения. а) Скорость точки равна производной функции $S(t)$ а) Скорость точки равна второй производной функции $S(t)$ б) Скорость точки равна дифференциалу функции $S(t)$	УК-1.У.2
13.	Пусть функция $y = f(x)$ задана на интервале $(a, b)$ . Назовите условие убывания функции $y = f(x)$ на интервале $(a, b)$ .	УК-1.В.2
14.	Пусть дифференцируемая функция $y = f(x)$ задана на интервале $(a, b)$ . Известно, что в точке $x_0$ на интервале $(a, b)$ производная функции $y = f(x)$ равна нулю. Каких данных не хватает, чтобы утверждать, что в этой точке функция имеет максимум?	УК-2.3.1
15.	Какая прямая линия называется асимптотой графика функции $y=f(x)$ ?	УК-2.У.1
16.	Верно ли, что выражение $\frac{5}{4}x^4 - \frac{2}{3}x^3 + \frac{2}{5}x^{\frac{5}{2}} + 5$ Является решением $\int (5x^3 - 2x^2 + \sqrt{x^3})dx$ ? Ответ обоснуйте.	УК-2.У.3
17.	Вычислить неопределённый интеграл: $\int (5x^3 - 2x^2 + \sqrt{x^3})dx$	УК-2.В.2
18.	Выберите метод интегрирования и вычислите интеграл. Укажите какой метод интегрирования применяли: $\int \frac{2xdx}{\sqrt{x^2+3}}$	ОПК-1.3.1
19.	Вычислить, применив метод интегрирования по частям: $\int x \cos x dx$	ОПК-1.У.1

	Назовите какое-либо цифровое средство, применимое для решения данной задачи. Обоснуйте ваш выбор.	
20.	Проинтегрируйте тригонометрическую функцию $\int_{\pi/6}^{\pi/2} \cos x dx$ Проинтегрируйте тригонометрическую функцию	ОПК-1.В.1

Вопросы (задачи) для зачета / дифф. зачета представлены в таблице 16.  
Таблица 16 – Вопросы (задачи) для зачета / дифф. зачета

№ п/п	Перечень вопросов (задач) для зачета / дифф. зачета	Код индикатора
	Учебным планом не предусмотрено	

Перечень тем для выполнения курсового проекта/ курсовой работы представлены в таблице 17.

Таблица 17 – Перечень тем для выполнения курсового проекта / курсовой работы

№ п/п	Примерный перечень тем для выполнения курсового проекта/ курсовой работы
	Учебным планом не предусмотрено

Вопросы для проведения промежуточной аттестации в виде тестирования представлены в таблице 18.

Таблица 18 – Примерный перечень вопросов для тестов

№ п/п	Перечень тестовых заданий	Код индикатора
1.	Задание закрытого типа с выбором одного правильного ответа Инструкция: Прочитайте текст, выберите один правильный ответ Вычислите предел $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{3x^2 - 5x - 2}{x^2 + x - 8}$ 1) 1 2) 3 3) 1,5 4) -7 Ключ с правильным ответом: 2	УК-1.3.2
2.	Задание закрытого типа с выбором одного правильного ответа Инструкция: Прочитайте текст, выберите один правильный ответ Точкой разрыва функции $y = \frac{x-3}{(x^2+3)\ln x}$ является точка	УК-1.У.2

	1) 6 2) 2 3) 1 4) 4 Ключ с правильным ответом: 3	
3.	Задание закрытого типа с выбором одного правильного ответа Инструкция: Прочитайте текст, выберите один правильный ответ Производная функции $y = x^2 \cdot 4^x$ равна: 1) $2x \cdot 4^x \ln 4$ 2) $2x \cdot 4^{x-1}$ 3) $x \cdot 4^x (2 + x)$ 4) $x \cdot 4^x (2 + x \ln 4)$ Ключ с правильным ответом: 4	УК-1.В.2
4.	Задание закрытого типа с выбором одного правильного ответа Инструкция: Прочитайте текст, выберите один правильный ответ Абсцисса экстремума функции $y = 8 - x^2 + x$ равна 1) 8 2) 0,5 3) 1 4) - 0,5 Ключ с правильным ответом: 2	УК-2.3.1
5.	Задание закрытого типа с выбором одного правильного ответа Инструкция: Прочитайте текст, выберите один правильный ответ При каких значениях аргумента функция имеет экстремум $y = 2x^3 - 1,5x + 5$ 1) 8 2) 0,5 3) 1 4) - 0,5 Ключ с правильным ответом: 2,4	УК-2.У.1
6.	Задание закрытого типа с выбором одного правильного ответа Инструкция: Прочитайте текст, выберите один правильный ответ Вычислите интеграл $\int \frac{dx}{(1+x^2) \arctg^2 x}$ 1) $-\frac{1}{\arctg x} + C$ 2) $\ln  \arctg x  + C$ 3) $-\frac{1}{\arctg^2 x} + C$ 4) $\frac{1}{\arctg x} + C$ Ключ с правильным ответом: 1	УК-2.У.3
7.	Задание закрытого типа с выбором одного правильного ответа Инструкция: Прочитайте текст, выберите один правильный ответ Вычислите производную функции	УК-1.3.2



	$y=(3-8x)^{0,5}$ 1) $0,5 (3-8x)^{-0,5} (-8)$ 2) $0,5 (3-8x)^{-0,5} (8)$ 3) $0,8 (3-8x)^{-0,5} (-8)$ 4) $-4 (3-8x)^{-0,5}$ Ключ с правильным ответом: 1,4	
8.	Задание закрытого типа с выбором одного правильного ответа Инструкция: Прочитайте текст, выберите один правильный ответ Вычислите производную второго порядка функции $y = e^{5x-1}$ 1) $y = 25e^{5x-1}$ 2) $y = e^{5x}$ 3) $y = 5e^{5x-1}$ 4) 25 Ключ с правильным ответом: 3	УК-1.У.2
9.	Задание открытого типа Инструкция: Прочитайте текст и запишите ответ Напишите, как называется произведение производной функции и приращения аргумента Ответ: .... функции. Ключ с правильным ответом: Дифференциал	УК-1.В.2
10.	Задание открытого типа Инструкция: Прочитайте текст и запишите ответ Напишите, как называется точка разрыва, если скачок функции в этой точке имеет конечное значение. Ответ: точка разрыва .... Ключ с правильным ответом: второго рода.	УК-2.3.1
11.	Задание закрытого типа на установление правильной последовательности Инструкция: Прочитайте текст и установите последовательность Запишите последовательность действий при решении задачи: Тело движется по закону $S(t)=5t^3+1$ (м/с), чтобы вычислить скорость в момент времени $t=5$ час нужно А) подставить значение времени $t=5$ час в уравнение перемещения Б) выразить время в секундах В) разделить перемещение на время Г) взять производную от перемещения Д) подставить в уравнение производной значение времени Ключ с правильным ответом: БВД	УК-2.У.1
12.	Задание открытого типа Инструкция: Прочитайте текст и запишите развернутый	УК-2.У.3

	<p>обоснованный ответ</p> <p>Какой имеет вид уравнение касательной к графику функции <math>y = x^3 - 2</math> в его точке с абсциссой <math>x_0=1</math>.</p> <p>1) <math>y = 2x + 4</math>  2) <math>y = 4x + 3</math>  3) <math>y = 2x - 5</math>  4) <math>y = 3x - 4</math></p> <p>Ключ с правильным ответом: <math>y = 3x - 4</math>. Так как <math>y'(x) = 3x^2</math>, <math>y'(1) = 3</math> и <math>y(1) = -1</math>. Поэтому <math>k = 3, b = -4</math>. Тогда <math>y = 3x - 4</math> - уравнение касательной к графику функции <math>y = x^3 - 2</math> в его точке с абсциссой <math>x_0=1</math>.</p>	
13.	<p>Задание закрытого типа с выбором одного правильного ответа</p> <p>Инструкция: Прочитайте текст, выберите один правильный ответ</p> <p>Вычислите значение производной второго порядка функции <math>y = \sin 2x + 4x</math> в точке <math>x = \frac{\pi}{4}</math></p> <p>1) 0  2) -1  3) 3  4) -4</p> <p>Ключ с правильным ответом: 4</p>	УК-2.В.2
14.	<p>Задание закрытого типа с выбором одного правильного ответа</p> <p>Инструкция: Прочитайте текст, выберите один правильный ответ</p> <p>Множество первообразных функции <math>f(x) = -x - \cos 3x</math> имеет вид</p> <p>1) <math>-\frac{1}{3}x \sin 3x - \frac{1}{9} \cos 3x + C</math>  2) <math>3x \sin 3x + \frac{1}{3} \cos 3x + C</math>  3) <math>3x \sin 3x - \frac{1}{3} \cos 3x + C</math>  4) <math>3x \sin 3x + 9 \cos 3x + C</math></p> <p>Ключ с правильным ответом: 1</p>	ОПК-1.3.1
15.	<p>Задание открытого типа</p> <p>Инструкция: Прочитайте текст и запишите развернутый обоснованный ответ</p> <p>Если к определенному интегралу <math>\int_1^{64} \frac{dx}{\sqrt{x} + \sqrt[3]{x}}</math> применить подстановку <math>x = t^6</math>, то он примет вид...</p> <p>Ключ с правильным ответом: <math>6 \int_1^2 \frac{t^5 dt}{t^3 + t^2}</math></p>	ОПК-1.У.1
16.	<p>Задание закрытого типа с выбором одного правильного ответа</p>	ОПК-1.В.1

	<p>Инструкция: Прочитайте текст, выберите один правильный ответ</p> <p>Укажите функции, которые являются эквивалентными при <math>x \rightarrow 0</math></p> <p>1) <math>x</math> и <math>\sin x</math></p> <p>2) <math>x</math> и <math>\lg 2x</math></p> <p>3) <math>x</math> и <math>\cos 2x</math></p> <p>4) <math>x</math> и <math>\sin 2x</math></p> <p>Ключ с правильным ответом: 1</p>	
17.	<p>Задание закрытого типа с выбором одного правильного ответа</p> <p>Инструкция: Прочитайте текст, выберите один правильный ответ</p> <p>Какое из ниже перечисленных предложений определяет производную функции (когда приращение аргумента стремится к нулю)?</p> <p>1) отношение приращения функции к приращению аргумента</p> <p>2) отношения функции к приращению аргумента</p> <p>3) отношение предела функции к аргументу</p> <p>4) предел отношения приращения функции к приращению аргумента</p> <p>Ключ с правильным ответом: 4</p>	УК-1.3.2

Перечень тем контрольных работ по дисциплине обучающихся заочной формы обучения, представлены в таблице 19.

Таблица 19 – Перечень контрольных работ

№ п/п	Перечень контрольных работ
1	Интегрирование и дифференцирование функций
2	ДУ

10.4. Методические материалы, определяющие процедуры оценивания индикаторов, характеризующих этапы формирования компетенций, содержатся в локальных нормативных актах ГУАП, регламентирующих порядок и процедуру проведения текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации обучающихся ГУАП.

#### 11. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины

11.1. Методические указания для обучающихся по освоению лекционного материала.

Основное назначение лекционного материала – логически стройное, системное, глубокое и ясное изложение учебного материала. Назначение современной лекции в рамках дисциплины не в том, чтобы получить всю информацию по теме, а в освоении фундаментальных проблем дисциплины, методов научного познания, новейших достижений научной мысли. В учебном процессе лекция выполняет методологическую, организационную и информационную функции. Лекция раскрывает понятийный аппарат конкретной области знания, её проблемы, дает цельное представление о дисциплине, показывает взаимосвязь с другими дисциплинами.

Планируемые результаты при освоении обучающимися лекционного материала:

- получение современных, целостных, взаимосвязанных знаний, уровень которых определяется целевой установкой к каждой конкретной теме;
- получение опыта творческой работы совместно с преподавателем;
- развитие профессионально-деловых качеств, любви к предмету и самостоятельного творческого мышления.
- появление необходимого интереса, необходимого для самостоятельной работы;
- получение знаний о современном уровне развития науки и техники и о прогнозе их развития на ближайшие годы;

- научиться методически обрабатывать материал (выделять главные мысли и положения, приходить к конкретным выводам, повторять их в различных формулировках);

- получение точного понимания всех необходимых терминов и понятий.

Лекционный материал может сопровождаться демонстрацией слайдов и использованием раздаточного материала при проведении коротких дискуссий об особенностях применения отдельных тематик по дисциплине.

Структура предоставления лекционного материала:

- Определения математических терминов.

- Формулировка теоремы.

- Доказательство теоремы.

- Иллюстрирующие примеры.

## 11.2. Методические указания для обучающихся по прохождению практических занятий

Практическое занятие является одной из основных форм организации учебного процесса, заключающаяся в выполнении обучающимися под руководством преподавателя комплекса учебных заданий с целью усвоения научно-теоретических основ учебной дисциплины, приобретения умений и навыков, опыта творческой деятельности.

Целью практического занятия для обучающегося является привитие обучающимся умений и навыков практической деятельности по изучаемой дисциплине.

Планируемые результаты при освоении обучающимся практических занятий:

- закрепление, углубление, расширение и детализация знаний при решении конкретных задач;

- развитие познавательных способностей, самостоятельности мышления, творческой активности;

- овладение новыми методами и методиками изучения конкретной учебной дисциплины;

- выработка способности логического осмысления полученных знаний для выполнения заданий;

- связанные с получением новой информации путем самостоятельно выбранных обеспечение рационального сочетания коллективной и индивидуальной форм обучения.

Функции практических занятий:

- познавательная;

- развивающая;

- воспитательная.

По характеру выполняемых обучающимся заданий по практическим занятиям подразделяются на:

- ознакомительные, проводимые с целью закрепления и конкретизации изученного теоретического материала;

- аналитические, ставящие своей целью получение новой информации на основе формализованных методов;

- творческие, подходов к решению задач.

Формы организации практических занятий:

- в интерактивной форме (решение ситуационных задач, занятия по моделированию реальных условий, групповые дискуссии);

- в не интерактивной форме (выполнение упражнений, решение типовых задач, решение ситуационных задач и другое).

Требования к проведению практических занятий

Практические занятия начинаются с записи в журнал преподавателя присутствующих студентов. Затем объявляется тема практических занятий.

Преподаватель читает условие задачи и предлагает студентам самостоятельно решить задачу, используя знания, полученные студентом на лекции. Студент, который первым решил задачу, вызывается к доске. В случае если студент правильно решил задачу, он получает 5 баллов. Если студент решает задачу с помощью преподавателя, то получает 4 балла. Затем, в конце семестра, оценки студентов (включая оценку посещаемости) переводятся в бонусы (качество) от 0 до 5 баллов. Эти бонусы добавляются к общей сумме баллов в рамках модульно-рейтинговой системы.

#### 11.3. Методические указания для обучающихся по прохождению самостоятельной работы

В ходе выполнения самостоятельной работы, обучающийся выполняет работу по заданию и при методическом руководстве преподавателя, но без его непосредственного участия.

Для обучающихся по заочной форме обучения, самостоятельная работа может включать в себя контрольную работу.

В процессе выполнения самостоятельной работы, у обучающегося формируется целесообразное планирование рабочего времени, которое позволяет им развивать умения и навыки в усвоении и систематизации приобретаемых знаний, обеспечивает высокий уровень успеваемости в период обучения, помогает получить навыки повышения профессионального уровня.

Методические материалы для самостоятельной работы обучающихся указаны в Таблице 8.

#### 11.4. Методические указания для обучающихся по прохождению текущего контроля успеваемости.

Текущий контроль успеваемости предусматривает контроль качества знаний обучающихся, осуществляемого в течение семестра с целью оценивания хода освоения дисциплины.

В течение семестра в системе дистанционного обучения ГУАП в форме тестирования проводятся две проверочные работы по решению задач и один теоретический опрос (перечень вопросов для тестов размещен в «Банке вопросов» в системе дистанционного обучения ГУАП), на практических занятиях проводятся проверочные работы по разделам курса в письменной форме, рассчитанные как на целое занятие, так и на его часть.

Результаты текущего контроля успеваемости будут учитываться при проведении промежуточной аттестации (при использовании балльно-рейтинговой системы оценивания, каждый вид контроля оценивается в баллах, из которых формируется итоговый результат).

#### 11.5. Методические указания для обучающихся по прохождению промежуточной аттестации.

Промежуточная аттестация обучающихся предусматривает оценивание промежуточных и окончательных результатов обучения по дисциплине. Экзамен – форма оценки знаний, полученных обучающимся в процессе изучения всей дисциплины или ее части, навыков самостоятельной работы, способности применять их для решения практических задач. Экзамен, как правило, проводится в период экзаменационной сессии и завершается аттестационной оценкой «отлично», «хорошо», «удовлетворительно», «неудовлетворительно».

Лист внесения изменений в рабочую программу дисциплины

Дата внесения изменений и дополнений. Подпись внесшего изменения	Содержание изменений и дополнений	Дата и № протокола заседания кафедры	Подпись зав. кафедрой